

**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod!.

IME I PREZIME: RJEŠENJE 1

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ .

20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom:

$$\begin{array}{rccccccccc} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - & x_4 & = & -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & & - & 3x_4 & = & 1 \\ 3x_1 & & & - & x_3 & + & x_4 & = & -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + & 5x_4 & = & -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ .

5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ .

20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ .

5+15

Ukupno:

1.

$$z_1 = \sqrt[3]{\sqrt{2}} \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$$

$$z_3 = \sqrt[3]{\sqrt{2}} \left( \cos \frac{19\pi}{12} + i \sin \frac{19\pi}{12} \right)$$

$$z_2 = \sqrt[3]{\sqrt{2}} \left( \cos \frac{11\pi}{12} + i \sin \frac{11\pi}{12} \right)$$

2.



$$X = \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix}$$

3.  $Df = \mathbb{R}$

H.A.  $y = \frac{1}{q}$

5.  $f'(x) = \frac{1}{x^2 + 4} \cdot 2x + \cos(x-2) \quad Df : \mathbb{R}$

$$4. f(x) = \frac{e^x}{x} \quad D_f: \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

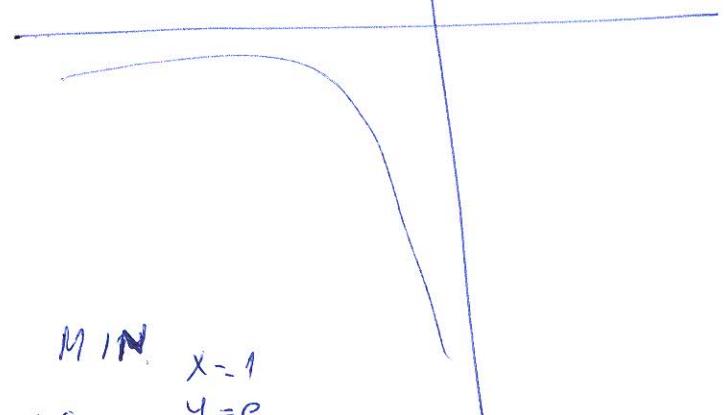
V. A.  $x=0$

H.A.  $y \rightarrow \infty$  Kose nähert

$$f'(x) = \frac{e^x(x-1)}{x^2}$$

DVL ncau  
Punkt

M Punkt N REPrinz



$$\begin{array}{l} \text{MIN} \\ \underline{f(1, e)} \\ x=1 \\ y=e \end{array}$$

**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod! POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

IME I PREZIME: SABOLIC' BORIS

BROJ INDEKSA: 17-2-0010-2010

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

10

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ . 20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom: 20

$$\begin{array}{ccccccc} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - & x_4 = -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & & - & 3x_4 = 1 \\ 3x_1 & & & - & x_3 & + & x_4 = -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + & 5x_4 = -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2+x} - 2x)$ . 5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ . 20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ . 5+15

Ukupno:

3)  $g(x) = (\sqrt{4x^2+x} - 2x)$

1) Domena

$$\sqrt{4x^2+x} \geq 0$$

$$\sqrt{4x^2+x} = 0 \quad / : \sqrt$$



$$4x^2+x=0$$

/

5)  $f(x) = \ln(x^2+4) + \sin(x-2)$

$$f'(x) = (\ln(x^2+4))' \cdot \sin(x-2) + \ln(x^2+4) \cdot (\sin(x-2))'$$

$$= \frac{1}{x^2+4} \cdot \frac{2x}{1} \cdot \sin(x-2) + \ln(x^2+4) \cdot (-\cos(x-2))$$

$$= \frac{2x}{x^2+4} \cdot \sin(x-2) + \ln(x^2+4) \cdot (-\cos(x-2))$$



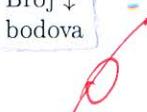
**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod.

IME I PREZIME: LUKA BLOŠIĆ

BROJ INDEKSA: 17-2-0013-2010

VRIJEME POČETKA: 08:05

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓ bodova  


20  
20

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ .

2. Riješi sustav Gaussovom metodom:

$$\begin{array}{ccccccc} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - & x_4 = -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & & - & 3x_4 = 1 \\ 3x_1 & & & - & x_3 & + & x_4 = -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + & 5x_4 = -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ .

5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ .

20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ .

5+15

Ukupno:

①  $z^3 + \overline{1+i} = 0$



**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod.

**IME I PREZIME:** MARKO PARAVCIĆ

**BROJ INDEKSA:** 17-1-0062-2011

**VRIJEME POČETKA:** 08:00

**VRIJEME ZAVRŠETKA:**

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ . 20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom: 20

$$\begin{array}{cccccc} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - & x_4 = & -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & & - & 3x_4 = & 1 \\ 3x_1 & & & - & x_3 & + & x_4 = & -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + & 5x_4 = & -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ . 5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ . 20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ . 5+15

Ukupno:

$$⑤ f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$$

$$f'(x) = \frac{1}{(x^2 + 4)} \cdot 2x + \cos x - 1$$

DOMENA:  $x^2 + 4 > 0$

$$x^2 + 4 > 0$$

$$x - 2 < 0$$

$$x \leq 2$$

$$x_{1,2} = \frac{\sqrt{4 \cdot 1 \cdot 4}}{2 \cdot 1}$$

$$x_{1,2} = \frac{\sqrt{16}}{2}$$

$$x_1 = \frac{4}{2}$$

$$x_1 = 2$$

$$x_2 = -2$$

$$\begin{array}{c} -\infty \quad -2 \quad +2 \quad +\infty \\ \boxed{x^2 + x - 2} \quad - \quad + \quad + \end{array}$$

$$Df = \langle -2, +2 \rangle, \langle +2, +\infty \rangle$$

①

$$\left[ \begin{array}{cccc|c} 2 & -1 & 1 & -1 & -1 \\ 2 & -1 & 0 & -3 & 1 \\ 3 & 0 & -1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & -2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{\begin{matrix} R_1 - R_2 \\ R_3 + R_1 \\ R_4 - R_2 \end{matrix}} \left[ \begin{array}{cccc|c} 2 & -1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & -2 & 2 \\ 0 & 3 & -5 & 5 & -1 \\ 0 & 3 & -3 & 6 & 0 \end{array} \right]$$

$$= \left[ \begin{array}{cccc|c} 2 & -1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 3 & -5 & 5 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & -2 & 2 \\ 0 & 3 & -3 & 6 & 0 \end{array} \right] \xrightarrow{\begin{matrix} R_1 - R_2 \\ R_3 + R_1 \\ R_4 - R_2 \end{matrix}} \left[ \begin{array}{cccc|c} 2 & -1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 3 & -5 & 5 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & -2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 1 \end{array} \right]$$

$$= \left[ \begin{array}{cccc|c} 2 & -1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 3 & -5 & 5 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & -2 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & -3 & 5 \end{array} \right]$$

$$r(A) = 4 = r(A/B)$$

**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod!.

IME I PREZIME: ANTONIO PRIBIC

BROJ INDEKSA: 57666

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

6

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ .

20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom:

20

$$\begin{aligned} 2x_1 - x_2 + x_3 - x_4 &= -1 \\ 2x_1 - x_2 &- 3x_4 = 1 \\ 3x_1 &- x_3 + x_4 = -1 \\ 2x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 5x_4 &= -1 \end{aligned}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ .

5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ .

20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ .

15

$$5. f'(x) = \frac{1}{(x^2+4)^2} \cdot 2x + \cos(x-2) - 1$$

$$f'(x) = \frac{2x}{(x^2+4)^2} + \cos(x-2) \quad x^2+4=0 \quad x-2=0$$

$$f'(x) = \frac{2x}{x^2+4} + \cos(x-2) \quad x^2=-4 \quad x=0$$

$$x = \pm 2 \quad Df = \mathbb{R} \setminus \{2\}$$

$$3. g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x) \quad b \pm \sqrt{4ac} = \frac{1 \pm \sqrt{4 \cdot (-8)}}{2 \cdot 4} = \frac{1 \pm \sqrt{-16}}{8}$$

$$Df = \left[ \frac{3}{8}, \frac{5}{8} \right]$$

$$x_1 = \frac{5}{8}$$

$$= \frac{1 \pm 4}{8}$$

V.A.

$$x_2 = \frac{3}{8}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{3}{8}} = \sqrt{4 \left(\frac{3}{8}\right)^2 + \frac{3}{8}} - 2 \left(\frac{3}{8}\right) = \lim_{x \rightarrow \frac{3}{8}} = \sqrt{4 \cdot \frac{9}{16} + \frac{3}{8}} - \frac{6}{8} = \lim_{x \rightarrow \frac{3}{8}} \sqrt{\frac{36}{16} + \frac{3}{8}} - \frac{6}{8}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{3}{8}} = \sqrt{\frac{9}{4} + \frac{3}{8}} - \frac{6}{8} = \lim_{x \rightarrow \frac{3}{8}} \sqrt{\frac{21}{8}} - \frac{6}{8} \quad \text{NEMA VERTIKALNE ASIMPTOTE}$$

HA

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{4 \cdot (\infty)^2 + \infty} - 2 \cdot (\infty) = \infty \quad \text{NEMA H.A.}$$

$$\left[ \begin{array}{ccccc} 2 & 1 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 0 & 3 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(1,1)} + R_3 \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 3 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(1,1)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -2 & -2 & 2 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(1,2)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -2 & -2 & 2 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right]$$

$$+ R_1 \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(3)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(1)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(2)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right]$$

$$\left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(1)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(2)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(3)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 2 & 5 & -1 \end{array} \right] \xrightarrow{(4)} \left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 \end{array} \right]$$

$$\left[ \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 \end{array} \right]$$

$$\begin{matrix} a = 0 \\ b = 0 \\ c = 0 \\ d = -1 \end{matrix}$$

$$2 \cdot 10 - 0 + 0 - (-1) = -1$$

**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **PISITE DVOSTRANO!** Obavezno popuniti sva polja ispod!.

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

IME I PREZIME: **IVAN MAMIC**

BROJ INDEKSA: **56437**

VRIJEME POČETKA: **8:11**

VRIJEME ZAVRŠETKA: **8:11**

*✓*

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ .

20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom:

20

$$\begin{array}{rccccccccc} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - & x_4 & = & -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & & - & 3x_4 & = & 1 \\ 3x_1 & & & - & x_3 & + & x_4 & = & -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + & 5x_4 & = & -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ .

5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ .

20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ .

5+15

$$⑤ f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$$

Ukupno:

$$f'(x) = (\ln(x^2 + 4))' + (\sin(x - 2))'$$

$$= (\ln(x^2 + 4))' \cdot (x^2 + 4)' + (\sin(x - 2))' \cdot (x - 2)'$$

$$= \frac{1}{x^2 + 4} \cdot (2x) + \cos(x - 2) \cdot (1 - 0)$$

$$= \frac{x^2 + 4}{x} \cdot 2x + \cos(x - 2)$$

$$= (x^2 + 4) \cdot 2x + \cos(x - 2)$$

$$= 2x^3 + 8x + \cos(x - 2)$$

$$x_{1,2} = \frac{\pm b \cdot \sqrt{4 \cdot ac}}{2 \cdot a}$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \cdot \sqrt{4 \cdot 2 \cdot \cos}}{2 \cdot 2}$$

$$x_1 = \frac{8 \cdot \sqrt{8 \cos}}{4}$$

$$x_1 = 2 \cdot \sqrt{8 \cos}$$

$$x_1 = 1,99$$

$$x_2 = -1,99$$

$$Df [-1,99, 0] \cup [0, 1,99]$$

$$(1) z^3 + \overline{1+i} = 0$$

$$z^3 - 1 - i = 0$$

$$z = \sqrt[3]{1+i}$$

$$z = \sqrt[3]{1} + \sqrt[3]{i}$$

$$z = \sqrt[3]{i}$$

$$\begin{aligned}
 & \textcircled{2} \quad \left( \begin{array}{ccccc|c} 2 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 0 & -3 & 1 & 1 \\ 3 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & -2 & 5 & 1 & -1 \end{array} \right) \xrightarrow{\quad} \left( \begin{array}{ccccc|c} 3 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 0 & -3 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & -2 & 5 & 1 & -1 \end{array} \right) \xrightarrow{\quad} \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & -1 & -2 & 0 & 1 & -2 \\ 2 & -1 & 0 & -3 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & -2 & 2 & 1 & -2 \end{array} \right) + \\
 & \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & -1 & -2 & 0 & 1 & -2 \\ 2 & -1 & 0 & -3 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 \\ 2 & 0 & -1 & 1 & 1 & -3 \end{array} \right) \xrightarrow{\quad} \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & -1 & -2 & 0 & 1 & -2 \\ 2 & 1 & 0 & 0 & -2 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 \\ 2 & 0 & -1 & 1 & -3 \end{array} \right) \xrightarrow{\quad} \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & -1 & -2 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & -2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 \\ 2 & 0 & -1 & 1 & -3 \end{array} \right) + \\
 & = \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & -1 & -2 & 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 & 0(-1) \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -3 \end{array} \right) + \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & -2 & 2 & 1 & 2 \\ -1 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & 4 & 0(-1) \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -3 \end{array} \right) + \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & -2 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 3 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & -3 \end{array} \right) - \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & -2 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 3 & 1 & -1 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 & 0(-1) \end{array} \right) + \\
 & = \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & -2 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 & -5 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 & -4 \end{array} \right) - \left( \begin{array}{ccccc|c} 0 & 0 & -3 & 1 & -3 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 \end{array} \right) + \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & -2 & 2 & 1 & -8 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 \end{array} \right) - \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & -1 & -2 & 0 & 1 & -12 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & -4 \end{array} \right) + \\
 & = \left( \begin{array}{ccccc|c} 2 & -1 & -1 & 1 & 1 & -17 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & -3 \end{array} \right) \cdot (-1) \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 1 & 2 & 0 & 1 & 12 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ -1 & 1 & -1 & 1 & -3 \end{array} \right) - \left( \begin{array}{ccccc|c} 0 & 1 & 1 & -1 & 1 & -7 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ -1 & 1 & -1 & 1 & -3 \end{array} \right) - \left( \begin{array}{ccccc|c} 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & -7 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ -1 & 1 & -1 & 1 & -3 \end{array} \right) + \\
 & = \left( \begin{array}{ccccc|c} 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & -7 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 2 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 & -5 \\ 1 & 0 & 1 & -1 & -7 & -7 \end{array} \right) + \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & 2 & 0 & 1 & -12 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ 1 & 0 & 1 & -1 & -7 \end{array} \right) - \left( \begin{array}{ccccc|c} 1 & 0 & 2 & 0 & 1 & -12 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & -5 \\ 1 & 0 & 1 & -1 & -7 \end{array} \right) + 
 \end{aligned}$$

$$(2) \quad g(x) = \sqrt{5x+x} - 2x$$

$$1) \quad \sqrt{5x+x} \geq 0 \Rightarrow$$

$$2) \quad -2x \geq 0 \Rightarrow x=2$$

**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod!↓

IME I PREZIME: Ivan Velemir

BROJ INDEKSA: 17-2-0067  
-2010

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

8

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ . 20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom: 20

$$\begin{array}{rclcl} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - x_4 = -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & - 3x_4 & = 1 \\ 3x_1 & & - & x_3 & + & x_4 = -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + 5x_4 = -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ . 5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ . 20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ . 5+15

Ukupno:

3)  $\mathcal{J}(x) = \sqrt{4x^2 + x} - 2x$

5)  $\mathcal{J}(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x-2)$

$$\mathcal{J}'(x) = \frac{1}{(x^2 + 4)} \cdot (x^2 + 4)' - \sin(x-2) \cdot (x-2)'$$

$$\mathcal{J}'(x) = \frac{1}{(x^2 + 4)} \cdot 2x - \sin(x-2) \cdot (1-0)$$

$$\mathcal{J}'(x) = \frac{2x}{(x^2 + 4)} - \sin(x-2)$$



**MATEMATIKA 1:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. **Pišite dvostrano!** Obavezno popuniti sva polja ispod!↓

IME I PREZIME: DINO ČUDINA

BROJ INDEKSA: 56281 - 2008

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

1. Riješiti jednadžbu:  $z^3 + \overline{1+i} = 0$ . 20

2. Riješi sustav Gaussovom metodom: 20

$$\begin{array}{cccccc} 2x_1 & - & x_2 & + & x_3 & - & x_4 = & -1 \\ 2x_1 & - & x_2 & & & - & 3x_4 & = & 1 \\ 3x_1 & & & - & x_3 & + & x_4 & = & -1 \\ 2x_1 & + & 2x_2 & - & 2x_3 & + & 5x_4 & = & -1 \end{array}$$

3. Ispitati domenu i sve asimptote funkcije  $g(x) = (\sqrt{4x^2 + x} - 2x)$ . 5+15

4. Ispitati tok i nacrtati graf funkcije:  $h(x) = \frac{e^x}{x}$ . 20(graf)

5. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 4) + \sin(x - 2)$ . 5+15

Ukupno:

(2.)

$$\begin{array}{l} 2x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = -1 \\ 2x_1 - x_2 - 3x_4 = 1 \\ 3x_1 - x_3 + x_4 = -1 \\ 2x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 5x_4 = -1 \end{array}$$

2

2

3

2

