

MATEMATIKA 3: Trajanje 120 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisaći pribor, tablica osnovnih integrala, tablica Laplaceovih transformacija, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uređaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA PAPIRE KOJE DOBIJETE OD NASTAVNIKA.

IME I PREZIME: Alen Čurković

BROJ INDEKSA: 54485-2007

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednačbu:

$$y'''(t) + 3y'(t) = t^2, \quad y(0)' = y''(0) = 0, \quad y(0) = 1.$$

2. Zadana je kružnica u prostoru: $K = \{(\cos t, 2 + \sin t, -\cos t) \in \mathbb{R}^3 \mid t \in [0, 2\pi]\}$ i vektorska funkcija $w(x, y, z) = (0, 3z - 3x, 3x - 3y)$. Izračunati $\oint_K (w|dr)$.

3. Izračunati

$$\int_{(0,1,0)}^{(1,0,1)} (x^2 dx + y dy + 1 dz)$$

4. Izračunati volumen područja između plašta stošca $x^2 + y^2 = z^2$ i plašta paraboloida $x^2 + y^2 = 3z$.

5. Izračunaj površinu područja u ravnini omeđenog krivuljama $y^2 - 2y - 2 + x = 0$ i $x + y + 1 = 0$.

$$y^2 - 2y - 2 + x = 0 \Rightarrow y^2 = 2y + 2 - x \Rightarrow x = \frac{y^2}{2} - 2$$

$$x + y + 1 = 0 \Rightarrow y = -x - 1 \Rightarrow y^2 = \frac{a}{x^2 + 1}$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \cdot 1 \cdot 0}}{2 \cdot 1} = \frac{-1 \pm \sqrt{1}}{2} = \frac{-1 \pm 1}{2}$$

$$x_1 = \frac{-1 + 1}{2} = 0$$

$$x_2 = \frac{-1 - 1}{2} = -\frac{2}{2} = -1$$

$$y^2 - 2y - 2 + x = 0 \Rightarrow (y-1)^2 = -x+3$$

$$x + y + 1 = 0 \Rightarrow y = -x - 1$$

