

MATEMATIKA 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisaći pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uređaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljednju imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA PAPIRE KOJE DOBIJETE OD NASTAVNIKA.

0xx0

IME I PREZIME: Ante Dušević

BROJ INDEKSA:

Broj ↓  
bodova

1. Izračunati limese:

(a)  $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 3x} - 2x)$

(b)  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x - \cos x}{1 - \tan x}$

2. Gaussovom metodom eliminacije riješiti sustav:

$$\begin{aligned} 2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 &= 4 \\ 4x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 &= 6 \\ 8x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 4x_4 &= 12 \\ 3x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 2x_4 &= 6 \end{aligned}$$

3. Ispitati tok funkcije:  $g(x) = e^{-x^2}$

4. Odrediti domenu i prvu derivaciju funkcije:  $f(x) = \ln(x^2 + 5x + 4) + \arctan(x - 2)$ .

1. a)  $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 3x} - 2x) = \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{x^2 + 3x} - 2x \times \frac{\sqrt{x^2 + 3x} + 2x}{\sqrt{x^2 + 3x} + 2x} =$

$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 3x})^2 - 2x}{\sqrt{x^2 + 3x} + 2x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 3x - 2x}{(\sqrt{x^2 + 3x})^{\frac{1}{2}} + 2x} = \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} x^2 + 3x - 2x}{\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 3x})^{\frac{1}{2}} + 2x}$

$= \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 3x - 2x}{x^2}}{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 3x})^{\frac{1}{2}} + 2x}{x^2}} = \frac{1 + \frac{3}{x} - \frac{2}{x}}{\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 3x})^{\frac{1}{2}} + 2x}$

$$\begin{aligned} &= \begin{vmatrix} 2 & 2 & -1 & 1 & 4 \\ 4 & 3 & -1 & 2 & 6 \\ 8 & 5 & -3 & 4 & 12 \\ 3 & 3 & -2 & 2 & 6 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 2 & -1 & 1 & 4 & 1 \\ 2 & 1 & -3 & 0 & 4 & 1 \\ 6 & 3 & -5 & 2 & 10 & 1 \\ 1 & 1 & -4 & 0 & 4 & 1 \end{vmatrix} \end{aligned}$$

VIDI ANĐELO UGRINIĆ