

**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

IME I PREZIME:

RJEŠENI ZADACI

BROJ INDEKSA:

1. Da li krivuljni integral u vektorskem polju  $\mathbf{g} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije?

2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

20

$$\iint_{\partial C} xz \, dy \, dz + z^2 \, dx \, dz + y \sin^2(y) \, dx \, dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravnicama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ .

20

4. Neka je  $C$  kružna uzvodnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ .

20

5. Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete:

20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

(1) KRIVULJNI INTEGRAL VEKTORSKOG POJMA NE OVISI O PUTU  
INTEGRACIJE KADA JE VEKTORSKO POJME POTENCIJALNO,  
ŠTO ZNAČI AKO JE  $\mathbf{g} = \nabla f$  ZA NEKO SKACARNO POJME  $f$ .

Ukupno:

$$\left. \begin{array}{l} g_x = \partial_x f \\ g_y = \partial_y f \\ g_z = \partial_z f \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x = \partial_x f \Rightarrow \int x \, dx = \int \partial_x f \, dx \Rightarrow \frac{x^2}{2} = f(x, y, z) + \text{EVENTUALNO} \\ \quad \text{NEŠTO STO NE OVISI O X} \\ y = \partial_y f \Rightarrow \int y \, dy = \int \partial_y f \, dy \Rightarrow \frac{y^2}{2} = f(x, y, z) + \text{EVENTUALNO NEŠTO} \\ z = \partial_z f \Rightarrow \int z \, dz = \int \partial_z f \, dz \Rightarrow \frac{z^3}{3} = f(x, y, z) + \text{STO NE OVISI} \\ \quad \text{VIŠE O Y} \end{array} \right\}$$

IZ GORNJEG RAČUNA ZAKLJUČUJEM:  $f(x, y, z) = \frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{2} + \frac{z^3}{3}$

SUJEDI DA JE  $\mathbf{g}$  POTENCIJALNO POJME.

(2) RJEĆ JE O PLOŠNOM INTEGRALU VEKTORSKOG POJMA  $\mathbf{g} = xy\mathbf{i} + z\mathbf{j} + y \sin(y)\mathbf{k}$   
PO RUBU ZATVORENOG PODRUČJA (CILINDRA, VALJKA). MOŽE SE ISKORISTITI TEORET O DIVERGENCIJI:

$$\iint_{\partial C} \mathbf{g} \cdot d\mathbf{S} = \iiint_C \operatorname{div} \mathbf{g} \, dx \, dy \, dz = \iiint_C (y + 0 + 0) \, dx \, dy \, dz = \iiint_C y \, dx \, dy \, dz = (*)$$

PAŽI: VALJAK NIJE POSTAVLJEN STANDARNO! MEGOVA OS JE U SMJERU  $\mathbf{j}$ !

PREDLAZAK U CILINDRIČNE KOORDINATE!  
 $\left. \begin{array}{l} x = r \cos \varphi \\ z = r \sin \varphi \\ y = y \end{array} \right\} \Rightarrow (*) = \int_0^{2\pi} \int_0^{\sqrt{2}} \int_1^4 r y \, dy \, dr \, d\varphi = 2\pi \int_0^{\sqrt{2}} \left[ \frac{r^2}{2} \right]_0^4 \left[ \frac{y^2}{2} \right]_1^4 = 2\pi \cdot 1 \cdot \left( \frac{16}{2} - \frac{1}{2} \right) = 15\pi$

④ VIDI RIBIĆ

③ VIDI RIBIĆ

⑤ VIDI GALEŠIĆ

**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

IME I PREZIME: Andrija Ribić

BROJ INDEKSA:

57688-2009

- Da li krivuljni integral u vektorskem polju  $\mathbf{g} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije? 20
- Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral 20

$$\iint_{\partial C} xz \, dy \, dz + z^2 \, dx \, dz + y \sin^2(y) \, dx \, dy$$

3) Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravninama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ . 15

- Neka je  $C$  kružna uzvodnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ . 20

- Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete: 20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

$$\begin{aligned} 3) \quad & X^2 + Y^2 = 2^2 \\ & X^2 + Y^2 = r^2 \\ & r = 2 \quad \checkmark \end{aligned}$$

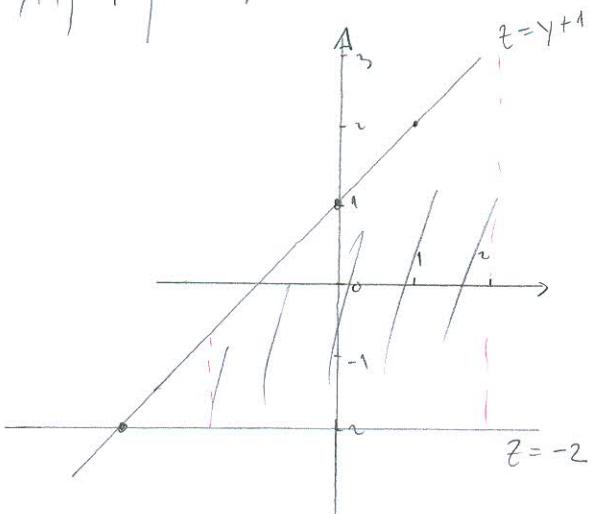
$$\begin{aligned} & X = r \cos \varphi \quad \checkmark \\ & Y = r \sin \varphi \quad \checkmark \\ & dxdydz = r dr d\varphi dz \quad \checkmark \\ & z = z \quad \checkmark \end{aligned}$$

$y$	0	1	
$z = y+1$	1	2	

Ukupno:

(35)

$$\begin{aligned} & r \in [0, 2] \quad \checkmark \\ & \varphi \in [0, 2\pi] \quad \checkmark \\ & z \in [-2, y+1] = [-2, (\sin \varphi + 1)] \quad \checkmark \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} V = & \iiint_{0}^{2\pi} \iiint_{0}^{r \sin \varphi + 1} r dz dr d\varphi = \iint_{0}^{2\pi} r \cdot z \left[ \begin{array}{l} dr \\ d\varphi \end{array} \right] dz = \iint_{0}^{2\pi} r (r \sin \varphi + 1 + 2) dr d\varphi \quad \checkmark \\ & \text{15} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \iint_{0}^{2\pi} \left( \frac{2}{3} r^3 \sin^2 \varphi + 3r \right) dr d\varphi = \left( \frac{2}{3} \sin^2 \varphi + 3 \cdot \frac{r^2}{2} \right) \Big|_0^{2\pi} d\varphi = \left( \frac{2}{3} \sin^2 \varphi + 3 \cdot \frac{2^2}{2} \right) d\varphi \quad \checkmark \\ & \left( \frac{8}{3} \sin^2 \varphi + 12 \right) d\varphi = -\frac{8}{3} \cos 2\varphi + 12 \cdot 2\pi = -\frac{8}{3} \cos 2\pi + 12 \cdot 2\pi - \left( -\frac{8}{3} \cos 0 + 12 \cdot 0 \right) \\ & = -\frac{8}{3} + 24\pi - \left( -\frac{8}{3} \right) = -\frac{8}{3} + 24\pi + \frac{8}{3} = 24\pi \quad \checkmark \end{aligned}$$



4) Neka je  $C$  kružna uzušnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$   
 $y = \sin t$  i  $z = 2t$   $t \in [0, 4]$  računaj  $\int_C f ds$  kada je  
 $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$

\*PARAMETRIZacija

$$r(t) = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}, r'(t) = \begin{pmatrix} -\sin t \\ \cos t \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$\|r'(t)\| = \sqrt{(-\sin t)^2 + (\cos t)^2 + 2^2} = \sqrt{(\sin^2 t + \cos^2 t) + 4} = \sqrt{5}$$

$$\int_C f ds = \int_a^b f \|r'(t)\| dt = \int_0^4 \sqrt{5} 2 dt$$

$$\begin{aligned} f(x, y, z) &= 2t (\cos^2 t + \sin^2 t) \\ &= 2t (\cos^2 t + \sin^2 t) \end{aligned}$$

$$f(x, y, z) = 2t$$

$$\begin{aligned} \int_0^4 \sqrt{5} 2t dt &= \int_0^4 2\sqrt{5} t dt = \left. 2\sqrt{5} \cdot \frac{t^2}{2} \right|_0^4 = 2\sqrt{5} \cdot \frac{4^2}{2} = 2\sqrt{5} \cdot 8 = \\ &= 16\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$2) P(s) = \sqrt{1 + \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)^2} \quad \text{Andrija Ribić'}$$

$$x^2 + z^2 = 2 \quad \cancel{P}$$

**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

IME I PREZIME: Antonio - Đorđi Galešić

BROJ INDEKSA: 17-1-0018-2010

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

1. Da li krivuljni integral u vektorskom polju  $\mathbf{g} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije?

2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

20

$$\iint_{\partial C} xz \, dy \, dz + z^2 \, dx \, dz + y \sin^2(y) \, dx \, dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravnicama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ .

20

4. Neka je  $C$  kružna uzvojnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj

20

$$\int_C f \, ds,$$

5. Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete:

20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

Ukupno:

(20)

$$5) \quad f'''(t) + 4f'(t) = t$$

$$s^3 F(s) - s^2 \underbrace{f(0)}_2 - s \underbrace{f'(0)}_4 - \underbrace{f''(0)}_4 + 4 \left( sF(s) - \underbrace{f(0)}_2 \right) = \frac{1}{s^2}$$

$$s^3 F(s) - 2s^2 - 4s - 4 + 4sF(s) - 8 = \frac{1}{s^2}$$

$$s^3 F(s) + 4sF(s) = \frac{1}{s^2} + 2s^2 + 4s + 12$$

$$F(s)(s^3 + 4s) = \frac{2s^4 + 4s^3 + 12s^2 + 1}{s^2} \quad | : (s^3 + 4s)$$

$$F(s) = \frac{2s^4 + 4s^3 + 12s^2 + 1}{s^3(s^2 + 4)} = \frac{A}{s} + \frac{B}{s^2} + \frac{C}{s^3} + \frac{Ds + E}{s^2 + 4} \quad | : s^3(s^2 + 4)$$

$$2s^4 + 4s^3 + 12s^2 + 1 = A(s^4 + 4s^2) + B(s^3 + 4s) + C(s^2 + 4) + s^3(Ds + E)$$

$$2s^4 + 4s^3 + 12s^2 + 1 = As^4 + 4As^2 + Bs^3 + 4Bs + Cs^2 + 4C + Ds^4 + Es^3$$

$$A + D = 2 \Rightarrow D = 2 - \frac{47}{16} \Rightarrow D = -\frac{15}{16}$$

$$B + E = 4 \Rightarrow E = 4$$

$$4A + C = 12 \Rightarrow 4A + \frac{1}{4} = 12 \Rightarrow 4A = 12 - \frac{1}{4} \Rightarrow 4A = \frac{47}{4} \quad | : 4 \Rightarrow A = \frac{47}{16}$$

$$4B = 0 \Rightarrow B = 0$$

$$4C = 1 \Rightarrow C = \frac{1}{4}$$

$$F(s) = \frac{\frac{47}{16}}{s} + \frac{\frac{1}{4}}{s^2} - \frac{\frac{15}{16}s + 4}{s^2 + 4}$$

$$F(s) = \frac{47}{16} \cdot \frac{1}{s} + \frac{1}{8} \cdot \frac{2}{s^3} - \frac{15}{16} \cdot \frac{s}{s^2 + 2^2} + \frac{2}{s^2 + 2^2}$$

$$f(t) = \frac{47}{16} + \frac{1}{8}t^2 - \frac{15}{16} \cos 2t + 2 \sin 2t$$

$$\begin{aligned} \text{PROVJERA: } \\ f''' + 4f' &= -\frac{15}{2} \sin 2t + 16 \cos 2t \\ &\quad + 4\left(\frac{1}{4}t + \frac{15}{8}\sin 2t + 4\cos 2t\right) \\ &= t + \left(-\frac{15}{2} + 4 \cdot \frac{15}{8}\right)\sin 2t + (-16 + 4 \cdot 4)\cos 2t \\ &= t \quad \checkmark \end{aligned}$$

$$f''(t) = \frac{1}{4} + \frac{15}{4} \cos 2t - 8 \sin 2t, \quad f''(0) = \frac{1}{4} + \frac{15}{4} = 4 \quad \checkmark$$

$$f'''(t) = -\frac{15}{2} \sin 2t - 16 \cos 2t$$

$$f(0) = \frac{47}{16} + \frac{1}{8} \cdot 0 - \frac{15}{16} \cos 0 + 2 \sin 0 = \frac{47}{16} - \frac{15}{16} = \frac{32}{16} = 2 \quad \checkmark$$

$$f'(t) = \frac{1}{4}t + \frac{15}{8} \sin 2t + 4 \cos 2t, \quad f'(0) = 0 + 4 = 4 \quad \checkmark$$



**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

**IME I PREZIME:**

Luka Belanac

**BROJ INDEKSA:**

17 - 2 - 0022 - 2010

1. Da li krivuljni integral u vektorskom polju  $\mathbf{g} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije? 20
2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} xz \, dy \, dz + z^2 \, dx \, dz + y \sin^2(y) \, dx \, dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravnicama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ . 20

4. Neka je  $C$  kružna uzvojnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ . 20

5. Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete: 20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

Ukupno:

0

⑤

$$y'''(t) + 4y'(t) = t \quad | \cdot L$$

$$s^3 Y(s) - s^2 y(0) - sy'(0) - y''(0) + 4 \left[ s^2 Y(s) - s y(0) - y'(0) \right] = \frac{1}{s^2}$$

$$s^3 Y(s) - 2s^2 - 4s - 3 + 4s^2 Y(s) - 8s - 16 = \frac{1}{s^2}$$

$$Y(s) \left( s^3 + 4s \right) = \frac{1}{s^2} + 2s^2 + 12s + 20 \Rightarrow \frac{1 + 2s^4 + 12s^3 + 20s^2}{s^2 (s^3 + 4s)}$$

$$Y(s) = \frac{2s^4 + 12s^3 + 20s^2 + 1}{s^3 (s^2 + 4)} = \frac{A}{s^3} + \frac{B}{s^2} + \frac{C}{s} + \frac{Ds + E}{(s^2 + 4)} \quad / s^3 (s^2 + 4)$$

$$2s^4 + 12s^3 + 20s^2 + 1 = A(s^2 + 4) + Bs(s^2 + 4) + Cs^2(s^2 + 4) + s^3(Ds + E)$$

$$s=0 \Rightarrow A = \frac{1}{4}$$

$$2S^4 + 12S^3 + 20S^2 + 1 = \left(\frac{1}{4}S^2\right) + 1 + BS^3 + \underline{4BS} + CS^4 + 4CS^2 + DS^4 + ES^3$$

$$C + D = 2 = \frac{79}{16} + D = 2 = -\frac{47}{16}$$

$$B + E = 12 \Rightarrow 0 + E = 12 = 12$$

$$\frac{1}{4} + 4C = 20 \Rightarrow 4C = \frac{79}{4} = \frac{79}{16}$$

$$4B = 0$$

$$A = \frac{1}{4}$$

$$B = 0$$

$$C = \frac{79}{16}$$

$$D = -\frac{47}{16}$$

$$E = 12$$

$$y(t) = \frac{1}{4}S^3 + \frac{79}{16}S - \frac{\frac{47}{16}S + 12}{(S^2 + 4)}$$

~~✓~~

OVOD JE VASJE RJEŠENJE  
ALGEBARSKE SEDMADŽBE

= TREBALO JE PREVESTI GORNJU FUNKCIJU JOŠ NAIKAG  
U PODRUČJE ORIGINALA AVERZNOI LAPLACE TRANSFORMACIJOM  
I ZATIM JOŠ PROVJERITI RJEŠENJE.

**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

**IME I PREZIME:** ADRIANO VIPOŠNIK

**BROJ INDEKSA:** 17-2-0138-2011

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

1. Da li krivuljni integral u vektorskom polju  $g = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije? 20
2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} xz \, dydz + z^2 \, dx dz + y \sin^2(y) \, dx dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravnicama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ . 20
4. Neka je  $C$  kružna uzvojnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ . 20
5. Koristeći Laplaceovu transformaciju naći realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete: 20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

Ukupno:

0

3.) valjka  $x^2 + y^2 = 2^2$ .  
ravnina  $z = y + 1$  i  $z = -2$

$$x + y + z = 1 \Rightarrow \text{ravnina}$$

$$x = 0 \quad z = 1 - y$$



**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

**IME I PREZIME:**

TONY CAR

**BROJ INDEKSA:**

17-2-0045-2010

1. Da li krivuljni integral u vektorskom polju  $\mathbf{g} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije? 20
2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} xz \, dydz + z^2 \, dx dz + y \sin^2(y) \, dx dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravnicama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ . 20
4. Neka je  $C$  kružna uzvojnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ . 20
5. Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete: 20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

Ukupno:





**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

IME I PREZIME: Igor Brajčić

BROJ INDEKSA: 528032005

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

1. Da li krivuljni integral u vektorskom polju  $g = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije? 20
2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} xz \, dydz + z^2 \, dx dz + y \sin^2(y) \, dx dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravninama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ . 20
4. Neka je  $C$  kružna uzvojnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ . 20
5. Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete: 20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

5.  $f'''(t) + 4f'(t) = t$

Ukupno:

8

$$s^3 F(s) - s^2 f(0) - s f'(0) - f''(0) + 4(sF(s) - f(0)) = \frac{1}{s^2}$$

$$s^3 F(s) - 2s^2 - 4s - 4 + 4sF(s) - 8 = \frac{1}{s^2}$$

$$F(s)(s^3 + 4s) = \frac{1}{s^2} + 2s^2 + 4s + 4 + 8$$

$$F(s)(s^3 + 4s) = \frac{1}{s^2} + 2s^2 + 4s + 12$$

$$F(s)(s^3 + 4s) = \frac{2 + 2s^4 + 4s^3 + 12s^3}{s^2}$$



**MATEMATIKA 3:** Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. Pišite dvostrano.

POPUNJAVA  
NASTAVNIK  
Broj ↓  
bodova

IME I PREZIME:

MANDIĆ ENCE Š

BROJ INDEKSA:

55146 - 2007

1. Da li krivuljni integral u vektorskom polju  $\mathbf{g} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}$  ovisi o putu integracije? 20
2. Neka je  $C$  cilindar zadan sa  $C = \{(x, y, z) : x^2 + z^2 \leq 2, 1 \leq y \leq 4\}$ . Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} xz \, dydz + z^2 \, dx dz + y \sin^2(y) \, dx dy$$

3. Izračunati volumen tijela omeđenog valjkom  $x^2 + y^2 = 2^2$  i ravnicama  $z = y + 1$  i  $z = -2$ . 20
4. Neka je  $C$  kružna uzvojnica (spirala) s jednadžbama  $x = \cos t$ ,  $y = \sin t$  i  $z = 2t$ ,  $t \in [0, 4]$ . Izračunaj  $\int_C f \, ds$ , kada je  $f(x, y, z) = z(x^2 + y^2)$ . 20
5. Koristeći Laplaceovu transformaciju nađi realnu funkciju  $f$  koja zadovoljava sljedeće uvjete: 20

$$f'''(t) + 4f'(t) = t, \quad f(0) = 2, \quad f'(0) = 4, \quad f''(0) = 4.$$

Ukupno:

100

5.)  $f''' + 4f' = t$   
 $s^3 F(s) + 4s^2 F - f(0)$

$$s^4 F + 4s^3 F = t$$

$$s^4 F + 12s^2 F = 4t$$

100

