

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: ELENA BEG

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA

NASTAVNIK

Broj ↓

bodova

Ukupno:

9

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

3+12

$$1. \text{ DOMENA} \quad x^2 - 8x + 6 > 0$$

$$2. \text{ NULTOČKE}$$

$$\text{Df: } (-\infty, 4-\sqrt{10}) \cup (4+\sqrt{10}, +\infty) \quad x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64-4 \cdot 1 \cdot 6}}{2} = \frac{8 \pm \sqrt{40}}{2}$$

$$x_1 = 4 + \sqrt{10} \quad x_2 = 4 - \sqrt{10}$$

$$= 7,16 \quad = 0,83$$

a) V.A

$$\lim_{x \rightarrow 0,83^-} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow 0,83^-} -0,83 - \sqrt{(0,83)^2 - 8 \cdot 0,83 + 6} = -1,05$$

$$\lim_{x \rightarrow 7,16^+} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow 7,16^+} -7,16 - \sqrt{(7,16)^2 - 8 \cdot 7,16 + 6} =$$

- nema vertikalne asimp.

b) H.A

$$\lim_{x \rightarrow \infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow \infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) \cdot \frac{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2 + x^2 - 8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} /; x = \frac{-1}{1-1} = \frac{1}{0}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = |x \rightarrow (-x)| = \lim_{x \rightarrow -\infty} x - \sqrt{x^2 + 8x + 6} = -\infty$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} (x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}) \cdot \frac{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - x^2 - 8x - 6}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8x - 6}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} /; x = \frac{-1}{1+1} = -\frac{1}{2}$$

Postoji lijeva horizontalna asimptota $y = -\frac{1}{2}$

c) COSA A,

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} /; x = -\frac{1-1}{1} = -2 \Rightarrow k_0$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} = |x \rightarrow (-x)| = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{-x} /; x =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1-1}{-1} = \frac{0}{-1} = 0 \Rightarrow k_L$$

⇒

2. Izračunati determinatu matrice $A = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

$$\begin{aligned} \left| \begin{array}{cccc} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{array} \right| &= 2 \cdot (-1)^{1+2} \left| \begin{array}{ccc} 2 & -1 & 6 \\ -1 & -2 & 1 \\ 0 & 8 & -6 \end{array} \right| + 6 \cdot (-1)^{2+2} \left| \begin{array}{ccc} 8 & -1 & 6 \\ 6 & -2 & 1 \\ 1 & 8 & -6 \end{array} \right| + \\ &\quad 2 \cdot (-1)^{2+3} \left| \begin{array}{ccc} 8 & 2 & -1 \\ 6 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & 8 \end{array} \right| = -2 \cdot [8 \cdot (-1)^{3+2} \left| \begin{array}{cc} 2 & 6 \\ 1 & 1 \end{array} \right|] + (-6) \cdot (-1)^{3+3} \\ &\quad \left[\begin{array}{cc} 2 & -1 \\ -1 & -2 \end{array} \right] + 6 \cdot \left[6 \cdot (-1)^{2+1} \left| \begin{array}{cc} -1 & 6 \\ 8 & -6 \end{array} \right| + (-2) \cdot (-1)^{2+2} \left| \begin{array}{cc} 8 & 6 \\ 1 & -6 \end{array} \right| \right] = \\ &= -2 \cdot [(-8 \cdot 8) + (6 \cdot (-5))] + 6 \cdot [(-6 \cdot (-42)) + (-2 \cdot (-54))] = \\ &= -96 + 1620 = 1524 \end{aligned}$$

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0,5$.

$$\begin{aligned} 8-x &> 0 \\ -x &> -8 \\ x &\leq 8 \end{aligned}$$

$$\log_6(8-x)-0,5 > 0$$

$$8-x-0,5 > 1$$

$$7,5-x-1 > 0$$

$$6,5-x > 0$$

$$x < 6,5$$

4

5

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = \left[\frac{\infty}{\infty} \right] = \sin \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n}{n} \stackrel{1:m}{\lim} = \sin 1 - \cancel{3}$
 $= 0,84$

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

Funkcija je neprekidna u svakoj točki svoje domene.

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

ZAD. 1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - lx) = \lim_{x \rightarrow \infty} \left(-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} + 2x \right) = \lim_{x \rightarrow \infty} \left(x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} \right) =$$
$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \left(x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} \right) \cdot \frac{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - x^2 + 8x - 6}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$
$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x - 6}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$
$$= \frac{\cancel{8x} - \cancel{6}/x}{\cancel{x} + \sqrt{\cancel{x^2} - 8x + 6}/x} =$$
$$= \frac{1}{1 + \sqrt{1 - 8/x + 6/x^2}} = \frac{1}{1 + \sqrt{1 - 0}} = \frac{1}{2}$$
$$l_0 = \frac{1}{2}$$

$$y = -2x + \frac{1}{2}x \quad D.K.A.$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - lx) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} - 0 \right) = |x \rightarrow (-x)| =$$
$$= \lim_{-x \rightarrow +\infty} \left(x - \sqrt{x^2 + 8x + 6} \right) \cdot \frac{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} =$$
$$= \frac{x^2 - x^2 - 8x - 6}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} =$$
$$= \frac{-8x - 6}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} =$$
$$= \frac{-8x - 6/x}{\cancel{x} + \sqrt{\cancel{x^2} + 8x + 6}/x} =$$
$$= \frac{-8 - 6/x^2}{1 + \sqrt{1 + 8/x + 6/x^2}} =$$
$$= \frac{-8}{1 + \sqrt{1 + 0}} = -8$$
$$l_1 = -8$$

$$y = -\frac{1}{2}x \quad L.K.A.$$

TO JE L.H.A.

a) PARNOST

$$f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$$

$$f(-x) = x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}, \text{ NI PENA, NI NEPENA}$$

- funkcija nije omeđena i nije periodična

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: JURE DUNDOVIC

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA: 18:00 h

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA

NASTAVNIK

Broj ↓

bodova

Ukupno:

11

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

3+12

0/6

$$x^2 - 8x + 6 \geq 0$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 24}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{40}}{2}$$

$$x_1 = \frac{8 - 2\sqrt{10}}{2} = 4 - \sqrt{10} = 0.84$$

$$x_2 = \frac{8 + 2\sqrt{10}}{2} = 4 + \sqrt{10} = 7.16$$

$$Df = [-\infty, 0.84] \cup [7.16, +\infty)$$

L.A.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \begin{cases} x > -x \\ -8 > +2 \end{cases} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} = \frac{-1 - 1}{-1} = -2$$

$z = k$

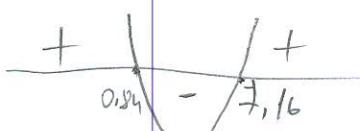
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) - 2x = \begin{cases} x > -x \\ -8 > +2 \end{cases} = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} + 2x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (x - \sqrt{x^2 - 8x + 6})$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} (x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) \cdot \frac{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \frac{-2}{2} = -4$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x^2 - 8x + 6/x}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}/x} = \frac{-8}{2} = -4$$

$$y = 2x - 4$$

L.K.U.



NEMA V.P.

H.A.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) = \frac{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = |y = 4 \text{ D.H.A.}| \times$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x^2 - 8x + 6}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \frac{-8}{2} = -4$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \begin{cases} x > -x \\ -8 > +2 \end{cases} = \lim_{x \rightarrow \infty} \left(-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} \right) \cdot \frac{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - x^2 - 8x + 6}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \frac{-8}{-1+1} = \frac{-8}{0} = -\infty \times$$

2. Izračunati determinantu matrice $A = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

$$\left| \begin{array}{cccc} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{R1} - R2 - R3 - R4} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 8 & 2 & -1 & 6 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{II} - 2\text{I}} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 8 & 2 & -1 & 6 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{III} - 6\text{I}} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 6 & 0 & 2 \\ 0 & -1 & -2 & 1 \\ 8 & 2 & -1 & 6 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{IV} - 8\text{I}} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 6 & 0 & 2 \\ 0 & -1 & 46 & 37 \\ 0 & 0 & -65 & 54 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{II} + 6\text{III}} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 0 & -46 & 37 \\ 0 & 0 & -65 & 54 \end{array} \right|$$

$$\begin{aligned} & \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 0 & 260 & 236 \\ 0 & -1 & 46 & 37 \\ 0 & 0 & -65 & 54 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{R4} = 4} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 0 & 260 & 236 \\ 0 & 0 & -65 & 54 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{III} - 4\text{IV} = 4} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 0 & 0 & 20 \\ 0 & 0 & -65 & 54 \end{array} \right| \\ & = 4 \cdot \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & 46 & 37 \\ 0 & 0 & 1 & 50/65 \end{array} \right| \xrightarrow{\text{III} - 4\text{IV} = 4} \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & 46 & 37 \\ 0 & 0 & 0 & 300/13 \end{array} \right| \xrightarrow{\downarrow} = 4 \cdot \left| \begin{array}{cccc} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & 46 & 37 \\ 0 & 0 & 1 & -50/65 \end{array} \right| = 4 \cdot \frac{300}{13} = \frac{1200}{13} \end{aligned}$$

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

USET:
 $8-x \neq 0$

$x \neq 8$

$D = (-\infty, 0) \cup (8, +\infty)$

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} =$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n}$$

3

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

2

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

1

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

3

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: DAVOR GRABAS

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA
NASTAVNIK
Broj ↓
bodova

Ukupno:

(3)

3+12

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = \frac{-x}{\sqrt{x^2 - 8x + 6}}$.

I. DOMENA

$$\sqrt{x^2 - 8x + 6} \geq 0$$

$$DF \subset (-\infty, 0,84] \cup [7,16, +\infty)$$

$$x^2 - 8x + 6 \geq 0$$

$$x_{\pm} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 24}}{2}$$

$$x_1 = \frac{8 \pm \sqrt{40}}{2}$$

$$x_1 = 4 + \sqrt{10} \approx 7,16$$

$$x_2 = 4 - \sqrt{10} \approx 0,84$$

4

2. Izračunati determinatu matrice $A = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

$$\begin{vmatrix} 2 & 3 & 4 & 5 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{vmatrix} = 8 \begin{vmatrix} 6 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & 1 \\ 0 & 2 & -6 \end{vmatrix} - 3 \begin{vmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 6 & -2 & 1 \\ 1 & 2 & -6 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 6 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & -6 \end{vmatrix} - 5 \begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 6 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 8 \end{vmatrix}$$

$$8 \left[6 \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 8 & -6 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 0 & 2 \\ 8 & -6 \end{vmatrix} \right] - 3 \left[2 \begin{vmatrix} -2 & 1 \\ 8 & -6 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 6 & -2 \\ 1 & 8 \end{vmatrix} \right] + 1 \left[2 \begin{vmatrix} 6 & 2 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} - 6 \begin{vmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} \right]$$

$$- 5 \left[2 \begin{vmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 8 \end{vmatrix} - 6 \begin{vmatrix} 6 & -2 \\ 1 & 8 \end{vmatrix} \right] = 8 \left[6(4) - 16 \right] - 3 \left[2(4) + 2(50) \right] + 1 \left[2(14) - 6(-38) \right]$$

$$- 5 \left[2(-8) - 6(50) \right] = 8(8) - 3(108) + 1(242) - 5(-316)$$

$$= 64 - 324 + 242 + 1580 = 1514$$

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

5

$$8-x > 0.5$$

$$-x > -7.5$$

$$7.5 > x > -7.5 /-$$

$$-7.5 < x < 7.5$$

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n/n \cdot n}{n/n} = \frac{\sin 1}{1} = \frac{1}{100} = 0$

3

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

2

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

1

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

3

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: ROKO KRALJEV

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA

NASTAVNIK

Broj ↓

bodova

Ukupno:

25

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

0+12

$$x^2 - 8x + 6 \geq 0$$

$$D_f = (-\infty, 0.84] \cup [7.16, +\infty)$$

$$x^2 - 8x + 6 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 24}}{2}$$

$$x_1 = 7.16 \quad x_2 = 0.84$$

H.A.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) \cdot \frac{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x^2 + 8x - 6/x}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}/x} = \frac{8}{-1+1} = \frac{8}{0} = +\infty$$

$$\textcircled{+} \quad \textcircled{+}$$

0.84 7.16

V.A.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}), \frac{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 - x^2 - 8x - 6/x}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}/x} = \frac{-8}{2} = -4 \quad y = -4 \quad \text{L.H.A.}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0.84^-} f(x) = -0.84 - \sqrt{(0.84)^2 - 8 \cdot 0.84 + 6} = -1.07 \quad X$$

$$\lim_{x \rightarrow 7.16^+} f(x) = 7.16 + \sqrt{(7.16)^2 - 8 \cdot 7.16 + 6} = 7.37 \quad X$$

(NEMA V.A.)

$$y = -2x + 4 \quad \text{D.K.A.}$$

K.A.

$$k = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}/x}{x/x} = \frac{-1-1}{1} = -2 \quad k = -2$$

$$l = \lim_{x \rightarrow +\infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} - (-2)x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}), \frac{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x^2 + 8x - 6/x}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}/x} = \frac{8}{2} = 4 \quad l = 4$$

2. Izračunati determinatu matrice $A = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

4

$$\det A = \begin{vmatrix} 8 & 2 & 6 \\ 2 & 6 & 2 \\ 6 & -1 & 1 \end{vmatrix} = 1 \cdot (-1)^{4+1} \begin{vmatrix} 2 & 6 \\ 6 & 2 \end{vmatrix} + 8 \cdot (-1)^{4+3} \begin{vmatrix} 2 & 6 \\ 6 & -1 \end{vmatrix} + (-6) \cdot (-1)^{4+4} \begin{vmatrix} 2 & 6 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} =$$

$$= -1 [6(-1+12) - 2(-4-1)] - 8[6(4-36) + 1(16-12) + 1(48-4)] -$$

$$+ 6[-2(-4-1) + 6(-(6+6))] = 56 + 1152 + 300 = \underline{\underline{1508}}$$

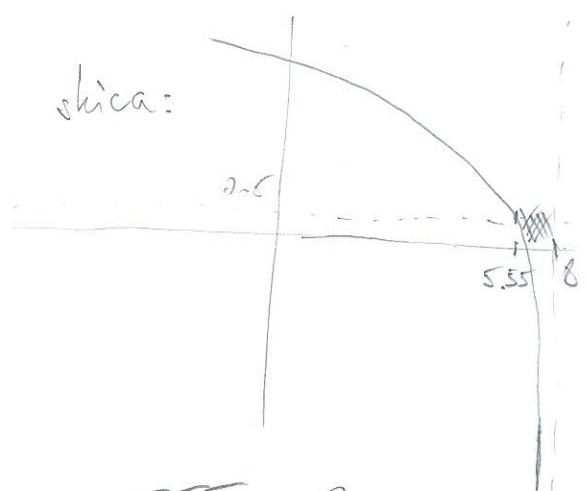
3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

5

$$8-x > 0 \quad D_f = (-\infty, 8)$$

$$x < 8$$

škica:



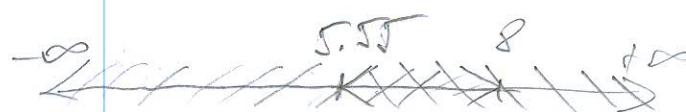
$$\log_6(8-x) > 0.5$$

$$6^{0.5} > 8-x$$

$$\sqrt{6} > 8-x$$

$$x > 8 - \sqrt{6}$$

$$x > 5.55$$



$$\boxed{x \in (5.55, 8)}$$

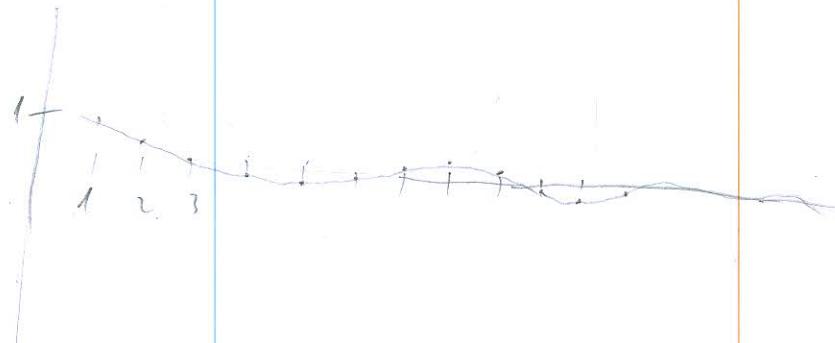
4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = \boxed{[-1, 1]}$

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{-1/n}{1/n} = 0$

2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1/n}{n/n} = 0$

$\boxed{\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = 0}$

VRLINEZNOST sin n JE OGRANIČENA
NA [-1, 1], KAKO n $\rightarrow \infty$ BROJNIK SE
DISELL SVE VEĆIM BROJEM (TO ZNACI)
DA TEŽI NULI.



5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x_0 ?

Limes neprekidne funkcije u točki x_0 jednak je vrijednosti same funkcije u toj točki.

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x_0) = f(x_0)$$

3

2

1

3

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

2.

$$\begin{array}{c} \cancel{\left| \begin{array}{r} 8 - 1 - 16 \\ 2 6 0 2 \\ 6 - 2 - 37 \\ 1 0 8 - 6 \end{array} \right|} = \cancel{\left| \begin{array}{r} 1 0 8 - 6 \\ 2 6 0 2 \\ 3 - 1 - 8 1 \\ 2 3 - 1 6 - 6 \end{array} \right|} = \cancel{\left| \begin{array}{r} 1 0 8 - 6 \\ 2 6 0 2 \\ 6 8 - 1 6 0 \\ 0 2 - 6 5 4 7 \end{array} \right|} \\ \cancel{\left| \begin{array}{r} 1 0 8 - 6 \\ 0 1 5 0 - 3 2 \\ 2 6 - 1 0 - 2 8 \\ 1 2 - 1 0 - 2 8 \end{array} \right|} = \cancel{\left| \begin{array}{r} 1 0 8 - 6 \\ 0 1 5 0 - 3 2 \\ 0 0 - 3 1 6 2 6 0 4 2 1 0 \\ 0 0 - 1 6 5 4 1 6 \end{array} \right|} = \cancel{\left| \begin{array}{r} 1 0 8 - 6 \\ 0 1 5 0 - 3 2 \\ 0 0 1 - \frac{2 6 0}{3 1 6} \\ 0 - 1 6 5 4 1 6 \end{array} \right|} \\ \cancel{\left| \begin{array}{r} 1 0 8 - 6 \\ 0 1 5 0 - 3 2 \\ 0 0 1 - \frac{2 6 0}{3 1 6} \\ 0 0 0 - \frac{6 1 4 1}{3 1 6} \end{array} \right|} \end{array}$$

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: TONČI MARINOVIC

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA:

18:01

VRIJEME ZAVRŠETKA:

19:13

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

3+12

0/6

1^o DOMENA

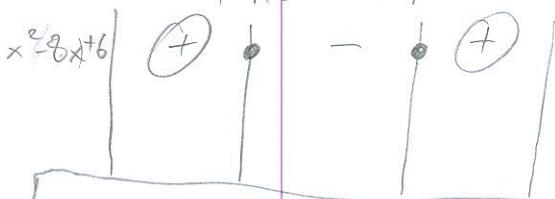
$$f(x) \quad x^2 - 8x + 6 \geq 0$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 4 \cdot 6}}{2} = \frac{8 \pm 2\sqrt{10}}{2}$$

$$x_1 = 4 + \sqrt{10}$$

$$x_2 = 4 - \sqrt{10}$$

$$\begin{array}{c} 0.837 \quad 7.162 \\ -\infty \quad 4-\sqrt{10} \quad 4+\sqrt{10} \quad +\infty \end{array}$$



$$Df: x \in (-\infty, 4-\sqrt{10}] \cup [4+\sqrt{10}, +\infty)$$

2^o ASIMP.

1) VERT.

$$a) \lim_{x \rightarrow 0.837^-} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} \cdot \frac{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0.837^-} \frac{x^2 - 8x + 6 - x^2}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \frac{-8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} \approx -1.28$$

$$b) \lim_{x \rightarrow 7.162^+} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} \cdot \frac{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow 7.162^+} \frac{x^2 - 8x + 6 - x^2}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow 7.162^+} \frac{-8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} \approx -2.68$$

NEMA VERTIKALNIH ASIMPTOTA!

2) HORIZONTALNE ASIMP.

$$a) \lim_{x \rightarrow \infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) \cdot \frac{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 8x + 6 - x^2}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} \quad | :x =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8 + \frac{6}{x}}{1 - \sqrt{1 - \frac{8}{x} + \frac{6}{x^2}}} = \frac{-8}{1-1} = \infty \quad \text{NIJE H.A.} \quad |$$

$$b) \lim_{x \rightarrow -\infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) = |x \rightarrow -x| =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} (x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) \cdot \frac{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 8x + 6 - x^2}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8x + 6}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} \quad | :x =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8 - \frac{6}{x}}{1 + \sqrt{1 + \frac{8}{x} + \frac{6}{x^2}}} = \frac{-8}{1+1} = \frac{-8}{2} = -4 \quad |$$

$y = -4$ JE HORIZONTALNA ASIMP. ✓

3) KOSE ASIMP. → L.K.A. NEMA!

a) D.K.A.

$$k = \lim_{x \rightarrow \infty} (-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}) =$$

$$= - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} = \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{\sqrt{x^2 - 8x + 6}}$$

$$= - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} = \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x^2} = \frac{-1 - \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{8}{x} + \frac{6}{x^2}}}}{1} = \text{N/P}$$

LINIJE V.A.

LINIJE V.A.

NEMA KOSIH ASIMPTOTA

2. Izračunati determinantu matrice $A = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

4

$$\begin{aligned}
 & \left| \begin{array}{cccc|c} 8 & 2 & -1 & 6 & 8 \\ 2 & 6 & 0 & 2 & 0 \\ 6 & -1 & -2 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 & 1 \end{array} \right| = - \left| \begin{array}{cccc|c} 1 & 0 & 8 & -6 & 8 \\ 2 & 6 & 0 & 2 & 0 \\ 6 & -1 & -2 & 1 & -1 \\ 8 & 2 & -1 & 6 & 1 \end{array} \right| \xrightarrow{I \leftrightarrow II} = - \left| \begin{array}{cccc|c} 1 & 0 & 8 & -6 & 8 \\ 0 & 6 & -16 & 14 & 0 \\ 0 & -1 & -50 & 37 & -1 \\ 0 & 2 & -65 & 54 & 1 \end{array} \right| \xrightarrow{(-1)(-1)} = \\
 & = - \left| \begin{array}{cccc|c} 1 & 0 & 8 & -6 & 8 \\ 0 & 1 & 50 & -37 & 0 \\ 0 & 6 & -16 & 14 & 0 \\ 0 & 2 & -65 & 54 & 1 \end{array} \right| \xrightarrow{III - 6II} = - \left| \begin{array}{cccc|c} 1 & 0 & 8 & -6 & 8 \\ 0 & 1 & 50 & -37 & 0 \\ 0 & 0 & 236 & 236 & 0 \\ 0 & 0 & -165 & 128 & 1 \end{array} \right| = -1 \cdot (-316) \left| \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 1 & 50 & -37 \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{59}{79} \\ 0 & 0 & 0 & \frac{377}{79} \end{array} \right| = \\
 & = 316 \left| \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 1 & 50 & -37 \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{59}{79} \\ 0 & 0 & 0 & \frac{377}{79} \end{array} \right| = 316 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot \frac{377}{79} = \boxed{1508}
 \end{aligned}$$

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

5

$$8-x > 6^{0.5}$$

$$8-x > 0$$

$$8-2.4495 > x$$

$$x < 8$$

$$8-2.4495 > x$$

$$\boxed{x \in (-\infty, 5.5505)}$$

PROVJERA:

$$\text{x=5} \quad \log_6(8-5) > 0.5$$

$$0.61 > 0.5 \quad \cancel{\cancel{\cancel{\quad}}}$$

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} =$

$-1 \leq \sin n \leq 1$

TEOREM SREDNICE

3

$$-\frac{1}{n} < \frac{\sin n}{n} < \frac{1}{n}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} -\frac{1}{n} \leq \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} \leq \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n}$$

$$0 \leq \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} \leq 0$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = 0$$

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

2

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

1

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

3

Ako vam nedostaje mjesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

1

2

3

4

5

6

7

8

9

10

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: VESNA ŠARIĆ

VRIJEME POČETKA: 18,10

BROJ INDEKSA:

VRIJEME ZAVRŠETKA: 19,20

POPUNJAVA
NASTAVNIK
Broj ↓
bodova

Ukupno:

(2)

3+12

2

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

$$\begin{array}{l} a=1 \\ 1^{\text{DOMENA}} \quad b=-8 \\ c=6 \end{array}$$

$$x^2 - 8x + 6 \geq 0$$

multočke

$$x^2 - 8x + 6 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$y_{1,2} = \frac{-8 \pm \sqrt{(-8)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 6}}{2 \cdot 1}$$

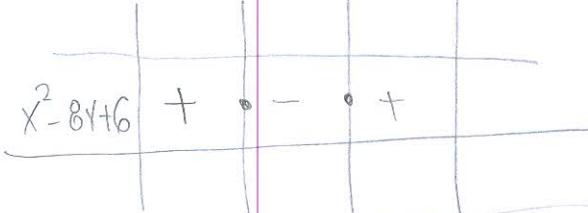
$$x_{1,2} = \frac{-8 \pm \sqrt{64 - 24}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{-8 \pm \sqrt{40}}{2}$$

$$x_1 = \frac{-8 + \sqrt{40}}{2} = -0.83 \quad X$$

$$x_2 = \frac{-8 - \sqrt{40}}{2} = -7.16 \quad X$$

-∞ -7.16 -0.83 +∞



$$D(f) = (-\infty, -7.16] \cup [-0.83, +\infty)$$

KOSA ASIMPTOTA

$$K_1 = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x} \cdot \frac{x}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2 - \cancel{x^2} + 8x - 6}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x - 6}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8 - \frac{6}{x^2}}{1} = 0$$

desna kosa asimptota

NASTAVAK NA ZADNJOJ STRANI →

VERTIKALNA ASIMPTOTA

$$\lim_{x \rightarrow -7.16^-} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \frac{-3.54}{-\infty} = +\infty \quad X$$

$$\lim_{x \rightarrow -0.83^+} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \frac{-2.81}{+\infty} = -\infty \quad X$$

HORIZONTALNA ASIMPTOTA

$$\lim_{x \rightarrow \infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2 - \cancel{x^2} + 8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8x + 6}{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}} \cdot \frac{1/x}{1/x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8 + \frac{6}{x^2}}{1 - \sqrt{1 - \frac{8x + 6}{x^2}}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-8}{0} = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} \cdot \frac{1/x}{1/x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-1 - \frac{8x + 6}{x^2}}{1 + \sqrt{1 + \frac{8x + 6}{x^2}}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-1}{0} = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 + 8x + 6}} \cdot \frac{1/x}{1/x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-1 - \frac{8x + 6}{x^2}}{1 + \sqrt{1 + \frac{8x + 6}{x^2}}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-1}{0} = -\infty$$

4

2. Izračunati determinatu matrice $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix} = (-1) \cdot \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 2 & 6 & 0 \\ 6 & -1 & -2 \\ 8 & 2 & -1 \end{pmatrix} = (-1) \cdot \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & 6 & 0 \\ 0 & -1 & -2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix} =$$

$$\rightarrow (-1) \cdot (-1) \cdot \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & -50 \\ 0 & 6 & -16 \\ 0 & 2 & -65 \end{pmatrix} = 1 \cdot \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & -50 \\ 0 & 0 & -316 \\ 0 & 0 & 35 \end{pmatrix} = 1 \cdot 35 \cdot \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & -50 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 35 \end{pmatrix} =$$

$$= 35 \cdot (-1) \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & -50 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -316 \end{pmatrix} = -35 \cdot (-316) \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & -50 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = 11060 \cdot \begin{pmatrix} 10 & 8 & -6 \\ 0 & -1 & -50 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} =$$

$$= 11060 \cdot \left(1 - \frac{429}{553} \right)$$

$$= 11060 \cdot \left(-\frac{176}{553} \right)$$

$$= -\frac{1946560}{553}$$

$$= 3520$$

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} =$

3

$$A = \begin{vmatrix} 2 & 6 & 2 \\ 6 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & -6 \end{vmatrix} + 8 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 0 & 2 \\ -1 & -2 & 1 \\ 0 & 8 & -6 \end{vmatrix} - 4 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 0 & 2 \\ 6 & -2 & 1 \\ 1 & 8 & -6 \end{vmatrix}$$

$$\begin{aligned} -6 \begin{vmatrix} 2 & 6 & 0 \\ 6 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & 8 \end{vmatrix} &= -6(232) + 8(12) - 2(144) - 6(-13) \\ &= -1392 + 96 - 288 + 78 \\ &= \boxed{-346} \end{aligned}$$

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

2

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

1

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

3

Funkcija je neprekidna ako je neprekidna u određenoj točki domene.

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

Lijeva kosa asymptota

$$\text{kaži } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-(-x) - \sqrt{(-x)^2 + 8(-x) + 6}}{-x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{x^2 + 8x + 6}}{-x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\cancel{x} - \sqrt{\cancel{x^2} + \frac{8x}{x^2} + \frac{6}{x^2}}}{-\cancel{x}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1 - \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{8}{x} + \frac{6}{x^2}}}}{-1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1 - 1}{-1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} 0$$

\times

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: Matija Miocic

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA: 18, 05

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA
NASTAVNIK

Broj ↓
bodova

Ukupno:

(2)

3+12

2

1. Odrediti domenu i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

$$x^2 - 8x + 6 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 4 \cdot 1 \cdot 6}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 24}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{40}}{2}$$

$$x_1 = \frac{8 + 2\sqrt{10}}{2} = 4 + \sqrt{10} = 7,162$$

$$x_2 = \frac{8 - 2\sqrt{10}}{2} = 4 - \sqrt{10} = 0,837$$

Df: $\langle -\infty, 0,837 \rangle \cup \langle 7,162, +\infty \rangle$

↑ ↑
OKYUĆENÉ GRAMICE

2. Izračunati determinatu matrice $A = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

$$= 1 \cdot (-1)^{4+1} \begin{pmatrix} 2 & -1 & 6 \\ 6 & 0 & 2 \\ -1 & -2 & 1 \end{pmatrix} = -1 \cdot 1 \cdot (-1)^{3+3} \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$$

$$= -1 \cdot 0 - 6 = \underline{\underline{-6}}$$

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

$$\begin{aligned} & \log_6(8-x) > 0.5 \\ & 6^{\log_6(8-x)} > 6^{0.5} \\ & 8-x > 6^{0.5} \\ & 8-x > \sqrt{6} \\ & x < 8-\sqrt{6} \\ & x < 8-2\sqrt{1.5} \end{aligned}$$

5

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = \frac{\sin \infty}{\infty} = \frac{0}{\infty}$ neodređeni oblik

3

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

2

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

1

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

3

Karakterizacija funkcije koja je neprekidna u točci x je ta što nema graničnih vrijednosti.

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...

MATEMATIKA I - KOLOKVIJ #2:

PRAVILA Studentima koji posjeduju mobitel treba biti ugašen. Studentima na ispitu nisu dopuštene nikakve formule. Nikakvo posuđivanje pribora nije dopušteno. U vrijeme trajanja ispita studenti ne mogu izlaziti van bez predaje ispita. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

TRAJANJE: OKO 70 MINUTA. PIŠITE DVOSTRANO! Obavezno popuniti sva polja ispod. U pitanjima s višestrukim ponuđenim odgovorima može biti više točnih.

IME I PREZIME: PETAR J. PERICA

BROJ INDEKSA:

VRIJEME POČETKA:

VRIJEME ZAVRŠETKA:

POPUNJAVA
NASTAVNIK
Broj ↓
bodova

Ukupno:

(16)

1. Odrediti domen i asimptote funkcije $f(x) = -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}$.

$$x^2 - 8x + 6 \geq 0$$

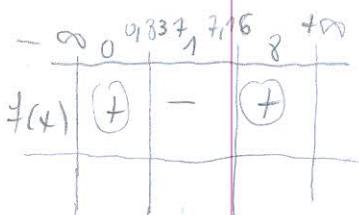
$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 4 \cdot 6}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{40}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{10 \cdot 4}}{2} = \frac{8 \pm 2\sqrt{10}}{2}$$

$$x_1 = \frac{8 + 2\sqrt{10}}{2} \approx 7,16$$

$$x_2 = \frac{8 - 2\sqrt{10}}{2} \approx 0,837$$



$$\text{Df: } \left(-\infty, \frac{8-2\sqrt{10}}{2} \right] \cup \left[\frac{8+2\sqrt{10}}{2}, +\infty \right)$$

V.A

$$\lim_{x \rightarrow 7,16^+} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow 7,16^+} -7,16 - \sqrt{51,26 - 57,28 + 6} = -7,16 - \sqrt{0} = -7,16$$

$$\lim_{x \rightarrow 0,837^-} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = -0,837 - \sqrt{0} = -0,837$$

NEMA VERTIKALNA ASIMPTOTA

H.A

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow +\infty} x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} \cdot \frac{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - (x^2 - 8x + 6)}{x^2 + x\sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-8x + 6}{x^2 + x\sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \frac{-8}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \frac{-8}{x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}/x} =$$

$$= \frac{-8}{1 + \sqrt{1 + \frac{8}{x}} \rightarrow 1} = \frac{-8}{1 + \sqrt{1 + 0}} = \frac{-8}{2} = -4$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-x - \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{1/x} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - (x^2 - 8x + 6)}{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-8x + 6}{x^2 - 8x + 6} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-8 - \frac{6}{x^2}}{1 + \frac{8}{x} + \frac{6}{x^2}} = \frac{-8}{1 + 0} = \frac{-8}{2} = -4$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} = \lim_{x \rightarrow +\infty} -x - \sqrt{x^2 - 8x + 6} \cdot \frac{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - (\sqrt{x^2 - 8x + 6})^2}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x^2 + 8x - 6}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{8x - 6}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{8x - 6}{-x + \sqrt{x^2 - 8x + 6}/x} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{8 - \frac{6}{x^2}}{1/x}}{-1 + \sqrt{1 - \frac{6}{x^2}}} = \frac{8}{0} = +\infty$$

LJEVA.

HORIZONTALNA ASIMPTOTA

$$y = -4 \quad \checkmark$$

-košnji NEMA X

4

2. Izračunati determinantu matrice $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 8 & 2 & -1 & 6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 8 & -6 \end{pmatrix}$

$$\begin{aligned} (-1) \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 2 & 6 & 0 & 2 \\ 6 & -1 & -2 & 1 \\ 8 & 2 & -1 & 6 \end{vmatrix} &= (-1) \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 & 8 & -6 \\ 0 & 6 & -16 & 14 \\ 0 & -1 & -50 & 37 \\ 0 & 2 & -65 & 54 \end{vmatrix} = \\ &= \begin{vmatrix} -1 & -50 & 37 \\ 6 & -16 & 14 \\ 2 & -65 & 54 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -1 & -50 & 37 \\ 0 & -316 & 236 \\ 0 & -165 & 128 \end{vmatrix} = (-1) \cdot (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} -316 & 236 \\ -165 & 128 \end{vmatrix} = (-1) \cdot [(-316 \cdot 128) - (-165 \cdot 236)] = \\ &= (-1) \cdot (-40448 + 38940) = 1508 \end{aligned}$$

5

3. Odrediti kada je $\log_6(8-x) > 0.5$.

$$\log_6(8-x) - 0,5 > 0$$

$$\log_6(8-x) - 0,5 = 0$$

$$8-x > 0$$

$$8-x - 0,5 = 0$$

$$-x > -8 : (-1)$$

$$-x = -8 + 0,5$$

$$x < 8$$

$$-x = -7,5 : (-1)$$

$$\text{Df: } (-\infty, 8) \cup (8, +\infty)$$

$$x = 7,5$$

4. Riješiti: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = \frac{\sin \infty}{\infty} = \frac{1}{\infty} = 0 //$

3

-1

5. Neprekidna funkcija je nužno ograničena na:

- (a) cijeloj domeni
- (b) svakom intervalu iz domene
- (c) svakom segmentu iz domene
- (d) ništa od navedenog

6. Zaokružiti sve funkcije neprekidne na svojoj domeni: kvadratna, kubna, drugi korijen, treći korijen, eksponencijalna, logaritamska, sinus, arkus sinus, kosinus, arkus kosinus, tangens, arkus tangens.

1

7. Koja je definicija (ili karakterizacija) funkcije neprekidne u točki x ?

3

Ako vam nedostaje mesta za neki zadatak slobodno nastavite pisati ovdje (samo istaknite broj zadatka)...