

Popuniti odmah!

IME I PREZIME: IVAN VIDAKOVIC
DATUM: VRIJEME: OD

BROJ INDEKSA: 59188
DO

MATEMATIKA 2: Trajanje 120 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

(25)
Broj ↓
bodova
10

1. Odrediti početak (prvih nekoliko članova koji nisu nula) Taylorovog razvoju funkcije $f(x) = \sin^3 x$ oko točke $x_0 = \frac{\pi}{2}$. 10
2. Izračunati: $\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$ 15
3. Odrediti površinu između krivulja $y = x + 4$ i $y = (x - 2)(x + 1) + 3$. 15 / 10
4. Pronađi ravnicu koja dira graf funkcije $z = f(x, y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ u točki $(4, 1, z_0)$ tog grafa. 20
5. Zadana je funkcija $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2 - 9$. Prikazati funkciju pomoću razinskih krivulja, strelicama označiti smjer rasta funkcije. Pronađi lokalne ekstreme funkcije. 20 / 15
6. Riješiti diferencijalnu jednadžbu: $y' + 3y + 4x^2 = 2$. 20

$$1.) f(x) = \sin^3 x$$

$$f\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1$$



$$f'(x) = 3\sin^2 x \cdot \cos x \Rightarrow f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = 3 \cdot \sin^2\left(\frac{\pi}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) = 3 \cdot 0 = 0$$

$$f''(x) = 6\sin x \cdot \cos x \cdot \cos x + 3\sin^2 x \cdot (-\sin x) \Rightarrow f''\left(\frac{\pi}{2}\right) = -3$$

$$f'''(x) = 6\sin x \cdot \cos^2 x + 3\sin^2 x \cdot (-\sin x)$$

$$f'''(x) = 6\cos x \cdot \overset{\circ}{\cos^2 x} + 6\overset{\circ}{\sin x} \cdot \overset{\circ}{2\cos x} \cdot (-\sin x) + 6\overset{\circ}{\sin x} \cdot \overset{\circ}{\cos x} \cdot (-\sin x) \cdot 3\overset{\circ}{\sin^3 x} \cdot (-\cos x)$$

$$f'''\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$$

$$f(x) = f(x_0) + \frac{f'(x)}{1!}(x - x_0) + \frac{f''(x)}{2!}(x - x_0)^2 + \frac{f'''(x)}{3!}(x - x_0)^3 + \dots$$

$$f(x) = 1 + \frac{0}{1!}(x - \frac{\pi}{2}) + \frac{-3}{2}(x - \frac{\pi}{2})^2 + \frac{0}{6}(x - \frac{\pi}{2})^3 + \dots$$

$$= 1 + 0 - \frac{3}{2}(x - \frac{\pi}{2})^2 + 0 + \dots$$

10

$$= 1 - \frac{3}{2}(x^2 - 2x \frac{\pi}{2} + \frac{\pi^2}{4}) = 1 - \frac{3}{2}(x^2 - \pi x + \frac{1}{3}\pi^2)$$

$$= 1 - \frac{3}{2}x^2 + \frac{3}{2}\pi x - \frac{3}{8}\pi^2$$

3) $y = x + 4$

$y = (x-2)(x+1) + 3 = x^2 + x - 2x - 2 + 3 = x^2 - x - 2$

$x^2 - x - 2 \checkmark$

$= x^2 - x + 1$

$x^2 - x - 2 = x + 4$

$k > 0 \Rightarrow \cup \checkmark$

$x^2 - x - 2 = x - 4 = 0$

$x^2 - 2x - 6 = 0$

$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4 \cdot 1 \cdot (-6)}}{2}$

$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{28}}{2} = \frac{2 \pm 5,2}{2}$

$x_1 = \frac{2 - 5,2}{2} = -1,6$

$x_2 = \frac{2 + 5,2}{2} = 3,2$

$P = \int_{-1,6}^{3,2} (x+4) dx - \int_{-1,6}^{3,2} (x^2 - x - 2) dx$

$P = \int_{-1,6}^{3,2} x dx + 4 \left(\int_{-1,6}^{3,2} x^2 dx - \int_{-1,6}^{3,2} x dx - 2 \right)$

$P = \int_{-1,6}^{3,2} x dx + 4 - \int_{-1,6}^{3,2} x^2 dx + \int_{-1,6}^{3,2} 6 dx + 2$

$P = \left[\frac{x^2}{2} \right]_{-1,6}^{3,2} + 4 - \left[\frac{x^3}{3} \right]_{-1,6}^{3,2} + \left[\frac{x^2}{2} \right]_{-1,6}^{3,2} + 2$

$P = \left(\frac{3,2^2}{2} - \frac{(-1,6)^2}{2} \right) + 4 - \left(\frac{3,2^3}{3} - \frac{(-1,6)^3}{3} \right) + \left(\frac{3,2^2}{2} - \frac{(-1,6)^2}{2} \right) + 2$

$P = (5,12 - 1,28) + 4 - 1,92 + 1,36 + 5,12 - 1,28 + 2 = 13,12$

10

$$5.) f(x,y) = (x-1)^2 + y^2 - 9 = x^2 - 2x + 1 + y^2 - 9 = y^2 + x^2 - 2x - 8$$

$$\partial_x f = 2x - 2 \quad A > 0 \quad f \text{ ima ekstrem}$$

$$\partial_{xx} f = 2$$

$$\partial_{xy} f = 0$$

$$\partial_y f = 2y$$

$$\partial_{yy} f = 2$$

$$\partial_{yx} f = 0$$

$$T_1 = (-1, 0)$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 4 > 0 \quad f \text{ ima minimum}$$

5

$$f(-1, 0) = 0^2 + (-1)^2 - 2 \cdot (-1) - 8 = 1 - 6 = -5$$

$$\min (-1, 0) \text{ iznosi } (-5)$$

RJEŠENJE 1. ZADATKA

$$f(x) = \sin^3 x$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1$$

$$f'(x) = 3 \sin^2 x \cos x$$

$$\Rightarrow f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$$

$$f''(x) = 6 \sin x \cos^2 x - 3 \sin^3 x \Rightarrow f''\left(\frac{\pi}{2}\right) = -3$$

$$f'''(x) = 6 \cos^3 x + 6 \sin x \cdot 2 \cos x \cdot (-\sin x) - 9 \sin^2 x \cos x$$

$$= 6 \cos^3 x - 12 \sin^2 x \cos x - 9 \sin^2 x \cos x$$

$$= 6 \cos^3 x - 21 \sin^2 x \cos x \Rightarrow f'''\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$$

$$f^{IV}(x) = 18 \cos^2 x (-\sin x) - 21 (2 \sin x \cos^2 x - \sin^3 x)$$

$$= -12 \sin^3 x - \cancel{3} \cancel{18} 60 \sin x \cos^2 x \Rightarrow f'''\left(\frac{\pi}{2}\right) = -21$$

TAYLOROV RAZVOJ

$$\Rightarrow \sin^3 x \approx 1 + 0 \cdot \frac{(x-\frac{\pi}{2})}{1!} - 3 \frac{(x-\frac{\pi}{2})^2}{2!} + 0 \frac{(x-\frac{\pi}{2})^3}{3!} + 21 \frac{(x-\frac{\pi}{2})^4}{4!}$$

$$\sin^3 x \approx 1 - \frac{3}{2} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 + \frac{21}{24} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^4$$

OKO TOČKE $x_0 = \frac{\pi}{2}$

Popuniti odmah!

IME I PREZIME: BERNARDO KOTLAR

BROJ INDEKSA: 77-2-0075-2070

(22)

DATUM:

VRIJEME: OD 0:35

DO 10:35

MATEMATIKA 2: Trajanje 120 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

Broj ↓
bodova

1. Odrediti početak (prvih nekoliko članova koji nisu nula) Taylorovog razvoju funkcije $f(x) = \sin^3 x$ oko točke $x_0 = \frac{\pi}{2}$.

10 / 7

2. Izračunati: $\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$

15

3. Odrediti površinu između krivulja $y = x + 4$ i $y = (x - 2)(x + 1) + 3$.

15

4. Pronaæeti ravnu koja dira graf funkcije $z = f(x, y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ u toèki $(4, 1, z_0)$ tog grafa.

20

5. Zadana je funkcija $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2 - 9$. Prikazati funkciju pomoæeu razinskih krivulja, strelicama oznaæiti smjer rasta funkcije. Pronaæeti lokalne ekstreme funkcije.

20

6. Riješiti diferencijalnu jednadžbu: $y' + 3y + 4x^2 = 2$.

20

1. $f(x) = \sin^3 x \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$

$$f(x) = \sin x \cdot \sin x \cdot \sin x$$

$$f(x_0) = 1 \cdot 1 \cdot 1 = 1$$

$$f'(x) = \cancel{\sin x \cdot \sin x \cdot \sin x} + \cancel{\sin x \cdot \sin x \cdot \cos x} + \cancel{\cos x \cdot \sin x \cdot \sin x}$$

$$f'(x) = \cos x \cdot \sin^2 x + \sin^2 x \cdot \cos x + \sin^2 x \cdot \cos x$$

$$f'(x_0) = 0 \cdot 0 + 0 = 0$$

$$f''(x) = \cos x \cdot \sin^2 x + \sin^2 x \cdot \cos x + \sin^2 x \cdot \cos x + \cos x \cdot \sin^2 x + \sin^2 x \cdot \cos x$$

$$f''(x) = (\cancel{\sin x \cdot \sin^2 x}) + (\cancel{2 \sin x \cdot \cos x}) + (\cancel{(2 \sin x \cdot \cos x)}) + (\cancel{2 \sin x \cdot \cos x}) + (\cancel{2 \sin x \cdot \cos x})$$

$$f''(x_0) = -1 \cdot 1 + 0 + (-1 \cdot 1) + 0 + (-1 \cdot 1)$$

$$= -1 - 1 - 1 = -3$$

$$L(x) = 1 + \frac{0}{1!} \left(x - \frac{\pi}{2}\right) + \frac{-3}{2!} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 + \left(\frac{-72}{3!}\right) \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^3$$

VIDI VIDAKOVIĆ

IME I PREZIME: BERNARDO KOTLAR

BROJ INDEKSA:

$$f'''(x) = (-\cos x \cdot \sin^2 x + \sin x \cdot 2\sin x) + (2(\cos x \cdot -\cos x) + 2\sin x \cdot (-\sin x)) + (2\cos x \cdot \cos x + \sin x \cdot 2\sin x)$$

$$(-\cos x \cdot \sin^2 x) + (\sin x \cdot 2\sin x) + (2\cos x \cdot \cos x) + 2\sin x \cdot (-\sin x) + (-\cos x \cdot \sin^2 x) + (-\sin x \cdot 2\sin x)$$

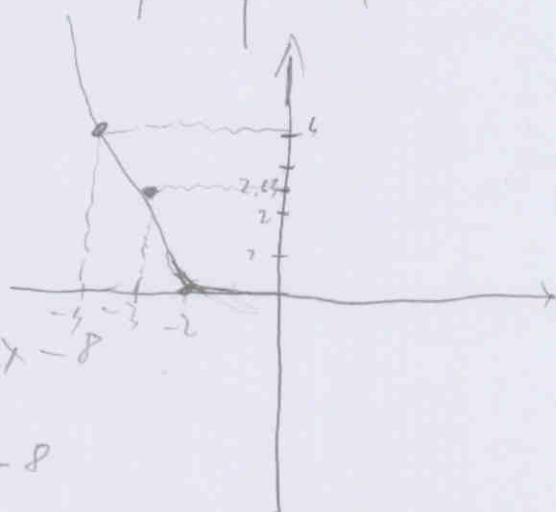
$$f'''(x_0) = (-\sin x \cdot 2\sin x) + (2\sin x \cdot (-\sin x)) + (2\sin x \cdot (-\sin x)) + (-\sin x \cdot 2\sin x) + (2\sin x \cdot (-\sin x)) + (-\sin x \cdot 2\sin x)$$
$$= (-1 \cdot 2) + (2 \cdot -1) + (2 \cdot -1) + (2 \cdot -1) + (2 \cdot -1) + (2 \cdot -1)$$

$$= -2 - 2 - 2 - 2 - 2 = -10$$

$$5. f(x,y) = (x-7)(x-1) + y^2 - 9$$

x	-3	-2	-1
y	2.65	0	7.4

$$\begin{aligned} f(x,y) &= x^2 - x - x + 7 + y^2 - 9 \\ &= x^2 - 2x + y^2 - 8 \end{aligned}$$



$$f(x,y)_x = 2x - 2 \quad \checkmark$$

$$y^2 = x^2 - 2x - 8$$

$$f(x,y)_y = 2y \quad \checkmark$$

$$\begin{aligned} y^2 &= 7 + 2 - 8 \\ &= 5 \end{aligned}$$

$$2x = -2 \quad | :2$$

$$y = \sqrt{5} \quad ?$$

$$x = -1$$

$$y = 2.23 \quad ?$$

$$\boxed{x=1}$$

$$A(-1, 2.23)$$

$$f(x,y)_xx = 2$$

EKSTREM JE MIMUM

$$f(x,y)_x,y = 0$$

$$H = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} = 4 - 0 = 4$$

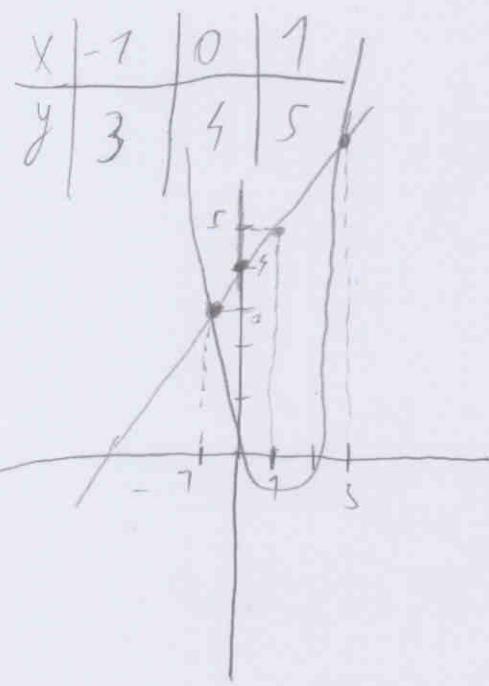
IMA EKSTREM

$$f(x,y)_y,y = 2$$

$$f(x,y) = x^2 - 2x + y^2 - 8$$

$$= 7 + 2 + 5 - 8 = 0$$

$$3. \quad y = x+4 \quad \therefore y = (x-4)(x+7) + 3$$



$$y = x^2 + x - 2x - 2 + 3$$

$$y = x^2 - x + 1$$

✓

$$P = \int_{-7}^3 (x+4) - (x^2 - x + 1) \, dx$$

$$\int_{-7}^3 x+4 - x^2 + x - 1 \, dx$$

$$\int_{-7}^3 -x^2 + 2x + 3 \, dx$$

$$-\frac{x^3}{3} + 2\frac{x^2}{2} + 3x \Big|_7^3$$

$$\left(-\frac{27}{3} + 2 \cdot \frac{9}{2} + 9 \right) - \left(-\left(-\frac{7}{3} \right) + 2 \cdot \frac{7}{2} - 3 \right)$$

$$(-9 + 9 + 9) - (\frac{7}{3} + 7 - 3)$$

$$9 - \frac{7}{3} + 2 = 11 - \frac{7}{3} = \frac{32}{3}$$

$$P = \frac{32}{3} = 10.67$$

✓

15

SPECIЈITA

$$x^2 - x + 1 = x + 4$$

$$x^2 - x - x + 1 - 4 = 0$$

$$x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 12}}{2}$$

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{16}}{2}$$

$$= \frac{-2 \pm 4}{2}$$

$$x_1 = 3$$

$$x_2 = -1$$

✓

Popuniti odmah!

IME I PREZIME: Boris PUDELKO

DATUM: 20.09. VRIJEME: OD 09:10

BROJ INDEKSA: 17-2-0039-2010

DO

MATEMATIKA 2: Trajanje 120 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

(15)

Broj ↓
bodova

10

15

15

20

20

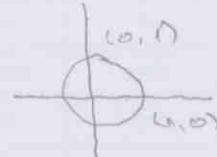
- Odrediti početak (prvih nekoliko članova koji nisu nula) Taylorovog razvoju funkcije $f(x) = \sin^3 x$ oko točke $x_0 = \frac{\pi}{2}$. ✓
- Izračunati: $\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$ ✓
- Odrediti površinu između krivulja $y = x + 4$ i $y = (x - 2)(x + 1) + 3$. ✓
- Pronađi ravnicu koja dira graf funkcije $z = f(x, y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ u točki $(4, 1, z_0)$ tog grafa. ✓
- Zadana je funkcija $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2 - 9$. Prikazati funkciju pomoću razinskih krivulja, strelicama označiti smjer rasta funkcije. Pronađi lokalne ekstreme funkcije. ✓
- Riješiti diferencijalnu jednadžbu: $y' + 3y + 4x^2 = 2$. ✓

10

20

20

1. $f(x) = \sin^3 x \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$



$$f(x) = \sin^3 x \Rightarrow f\left(\frac{\pi}{2}\right) = \sin^3\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1 \quad \checkmark$$

$$f'(x) = 3\sin^2 x \cdot \cos x \Rightarrow f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0 \quad \checkmark$$

$$f''(x) = 6\sin x \cdot \cos x + \cancel{3\sin x \cdot 3\sin^2 x} \Rightarrow f''\left(\frac{\pi}{2}\right) = 3 \quad \times$$

$$f'''(x) = 6\cos x \cdot \cos x + 6\sin x \cdot (-\sin x) - (\cos x \cdot 3\sin^2 x + \sin x \cdot 6\sin x \cdot \cos x)$$
$$f'''\left(\frac{\pi}{2}\right) = -6 \quad \times$$

$$\begin{aligned} \sin^3 x &\approx \frac{1}{0!} \cdot 1 + \frac{0}{1!} \left(x - \frac{\pi}{2}\right) + \frac{3}{2!} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 - \frac{6}{3!} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^3 \\ &= 1 + \frac{3}{2} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 - \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^3 \end{aligned}$$

5

$$2) \int \frac{u^2-3}{u^3-3u^2} du = \int \frac{u^2-3}{u^2(u-3)} du$$

$$u^3 - 3u^2 = 0$$

$$u^2(u-3) = 0$$

$$u_{1/2} = 0$$

$$\frac{u^2-3}{u^2(u-3)} = \frac{A}{u^2} + \frac{B}{u-3} \quad | \cdot u^2(u-3)$$

$$u_3 = 3$$

$$\frac{A}{u} + \frac{B}{u^2} + \frac{C}{u-3}$$

$$u^2-3 = A(u-3) + B \cdot u^2$$

$$u^2-3 = A \cdot u - 3A + B \cdot u^2$$

$$u^2 = B \cdot u^2 \Rightarrow B = 1$$

$$0 \cdot u = A \cdot u \Rightarrow A = 0$$

X

O

$$\int \frac{u^2-3}{u^2(u-3)} du = \int \frac{0}{u^2} du + \int \frac{1}{u-\sqrt{3})^2} du$$

$$\int \frac{u^2-3}{u^2(u-3)} du = \frac{1}{2\sqrt{3}} \ln \left| \frac{\sqrt{3}-u}{\sqrt{3}+u} \right| + C$$

3) $y = x + 4$ ✓

$$y = (x-2)(x+1) + 3$$

$$y = x^2 + x - 2x - 2 + 3$$

$$\underline{y = x^2 - x + 1}$$

$$x^2 - x + 1 - x - 4 = 0$$

$$x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$x_{1/2} = \frac{2 \pm \sqrt{4+12}}{2}$$

$$x_{1/2} = \frac{2 \pm 4}{2}$$

$$x_1 = -1$$

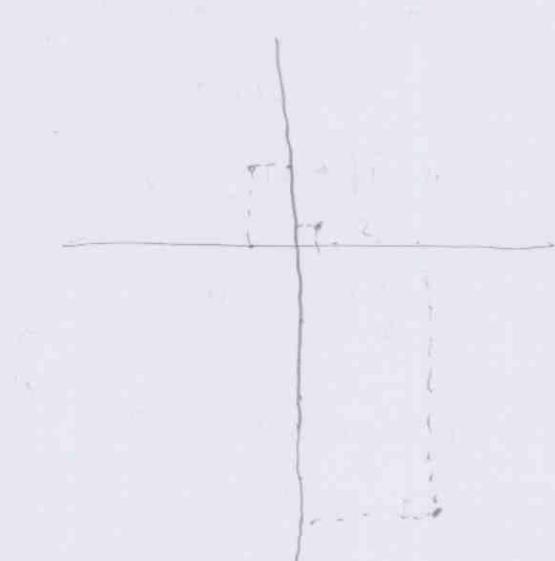
$$y_1 = 3$$

$$x_2 = 3$$

$$y_2 = 7$$

$$T_1(-1, 3)$$

$$T_2(3, 7)$$



$$y = x^2 - x + 1$$

$$y' = 2x - 1$$

$$2x - 1 = 0$$

$$2x = 1$$

$$x = \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{1}{4} - \frac{1}{2} \cdot 1$$

$$y = -\frac{1}{4} + 1 = \frac{3}{4}$$

$$P = ?$$

✓

$$5) f(x,y) = (x-1)^2 + y^2 - 9 \\ = x^2 - 2x + 1 + y^2 - 9$$

$$f(x,y) = x^2 - 2x + y^2 - 8$$

$$f_x(x,y) = 2x - 2$$

$$2x - 2 = 0 \Rightarrow 2x = 2 \\ x = 1$$

$$f_y(x,y) = 2y$$

$$2y = 0 \Rightarrow y = 0$$

$$T_1(1,0)$$

$$f_{xx}(x,y) = 2 \quad A$$

$$\Delta = AC - B^2$$

$$f_{xy}(x,y) = 0 \quad B$$

$$\Delta = 2 \cdot 2 - 0$$

$$f_{yy}(x,y) = 2 \quad C$$

$$\Delta = 4 > 0 \quad \text{lok. maksimum}$$

$$f(1,0) = 1^2 - 2 \cdot 1 + 0^2 - 8$$

$$= 1 - 2 + 0 - 8 = -9$$

4 $T_1(1,0)$

10

$$f(x,y) = x^2 - 2x + y^2 - 8$$

$$c=1 \Rightarrow y = -\sqrt{\frac{x^2 - 2x - 8}{1}}$$

$$c = x^2 - 2x + y^2 - 8$$

$$c=2 \Rightarrow y = -\sqrt{\frac{x^2 - 2x - 8}{2}}$$

$$-y^2 = \frac{x^2 - 2x - 8}{c}$$

$$y = -\sqrt{\frac{x^2 - 2x - 8}{c}}$$

$$c=3 \Rightarrow y = -\sqrt{\frac{x^2 - 2x - 8}{3}}$$

RAZINSKE KRIVUYE?

Popuniti odmah!

LOVRE KOLEGA

IME I PREZIME:

DATUM:

VRIJEME: OD

BROJ INDEKSA:

DO

MATEMATIKA 2: Trajanje 120 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

58143-2003

(10)

Broj ↓
bodova

10

15

15

20

20

20

1. Odrediti početak (prvih nekoliko članova koji nisu nula) Taylorovog razvoju funkcije $f(x) = \sin^3 x$ oko točke $x_0 = \frac{\pi}{2}$.

2. Izračunati: $\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$

3. Odrediti površinu između krivulja $y = x + 4$ i $y = (x - 2)(x + 1) + 3$.

4. Pronađi ravnicu koja dira graf funkcije $z = f(x, y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ u točki $(4, 1, z_0)$ tog grafa.

5. Zadana je funkcija $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2 - 9$. Prikazati funkciju pomoću razinskih krivulja, strelicama označiti smjer rasta funkcije. Pronađi lokalne ekstreme funkcije.

6. Riješiti diferencijalnu jednadžbu: $y' + 3y + 4x^2 = 2$.

$$\begin{aligned} 1. \sin^3 x & \quad x_0 = \frac{\pi}{2} \\ f(x_0) = \sin^3 \frac{\pi}{2} & = \sin^3 1.57 \end{aligned}$$

$$f'(x) = 3\sin^2 x \cdot \cos x$$

$$\begin{aligned} f'\left(\frac{\pi}{2}\right) &= 3\sin^2 1.57 \cdot \cos 1.57 \\ &= 2.25 \cdot 10^{-3} = 0 \end{aligned}$$

$$f''(x) = 6\sin x \cos x \cdot \cos x + (-\sin x) \cdot 3\sin^2 x$$

$$f''(x) = 6\sin x \cos^2 x - 3\sin^3 x$$

$$\begin{aligned} f''\left(\frac{\pi}{2}\right) &= 0 \\ &= 6 \cdot 0.027 \cdot 1 - 3 \cdot 2.056 \cdot 10^{-5} = 6 \cdot 0.027 - 6 \cdot 2.056 \cdot 10^{-5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f'''(x) &= -6\cos x \cos^2 x + 2\cos x \sin x \cdot 6\sin x - 9\sin^2 x \cdot \cos x \\ &= -6\cos^3 x + 12\cos x \sin^2 x - 9\sin^3 x \cos x \end{aligned}$$

$$f'''\left(\frac{\pi}{2}\right) = -6 \quad \text{X}$$

$$f''''(x) = 18\cos^2 x \sin x + 6\sin x \cos x \cdot \cos x - \sin x \cdot 3\sin^2 x$$

$$= 18\cos^2 x \sin x + 6\cos^2 x \sin x - 3\sin^3 x$$

$$= 24\cos^2 x \sin x - 3\sin^3 x$$

$$= 0 \quad \text{X}$$

$$\begin{aligned} f(x) &= -48\cos x \sin x \cdot \sin x + 6\cos x \cdot 24\cos^2 x \\ &\quad - 9\sin^2 x \cos x \\ &= -48\cos x \sin^2 x + 24\cos^3 x - 9\sin^2 x \cos x \\ &= -57\sin^2 x \cos x + 24\cos^3 x \\ &= 0 + 24 \\ &= 24 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f(x_0) &+ \frac{f'(x_0)}{1!}(x-x_0) + \frac{f''(x_0)}{2!}(x-x_0)^2 \\ &+ \frac{f'''(x_0)}{3!}(x-x_0)^3 + \frac{f''''(x_0)}{4!}(x-x_0)^4 \\ &+ \frac{f''''''(x_0)}{5!}(x-x_0)^5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= 0 + 0 - \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^3 + 0 \\ &+ \frac{24}{120} \left(x - \frac{\pi}{2}\right)^5 \end{aligned}$$

PREVIŠE GRESAKA

NAPOMENI VRIJEDNOSTI SINUSA I KOSINUSA
 $\Rightarrow A \quad x = 0, \frac{\pi}{2}, \pi, \frac{3\pi}{2}, 2\pi, 3\pi, \dots$

IME I PREZIME:

LJURE KOLEGA

BROJ INDEKSA:

$$\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du = \int \frac{u^2 - 3}{u^2(u-3)} du$$

$$\frac{u^2 - 3}{u^2(u-3)} = \frac{Ax}{u^2} + \frac{B+C}{u-3} \quad \times$$

$$\frac{A}{u} + \frac{B}{u^2} + \frac{C}{u-3}$$

$$u^2 - 3 = Ax(u-3) + B(u-3) + C(u-3)$$

$$u^2 - 3 = Axu - 3Ax + Bu - 3B + Cu - 3$$

?

∅

IME I PREZIME:

LOURÉ KOLEGA

BROJ INDEKSA:

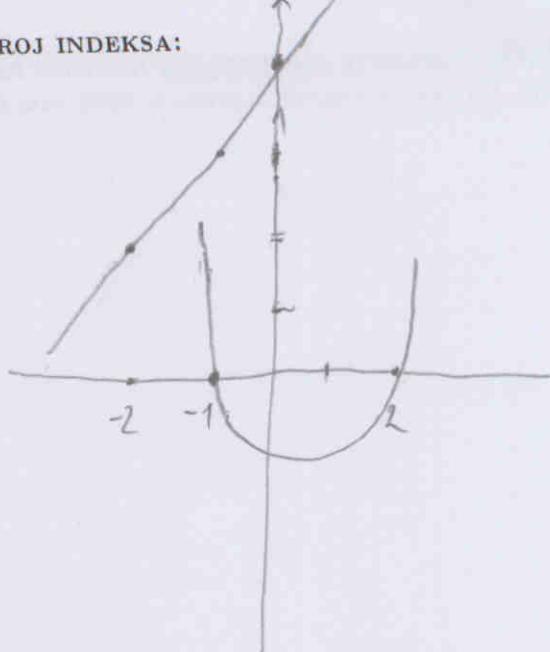
$$y = x + 4$$

$$y = (x-2)(x+1) + 3 = x^2 + x - 2x - 2 = x^2 - x - 2 \quad \checkmark$$

$$= x^2 - x + 1 \quad \checkmark$$

$$x^2 - x - 2 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{1+8}}{2} = \frac{1 \pm 3}{2} \quad \begin{matrix} \frac{1+3}{2}=2 \\ \frac{-2}{2}=-1 \end{matrix}$$



$$y = x + 4$$

x	-2	-1	0
y	2	3	

$$x^2 - x - 2 = x + 4$$

$$x^2 - x - 2 - x - 4 = 0$$

$$x^2 - 2x - 6 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{4+24}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{28}}{2} = \frac{2 \pm 5.29}{2} \approx 3.645$$

$$\frac{2-\sqrt{28}}{2} = \frac{2-5.29}{2} = -1.645$$

3.645

3.645

$$\int_{-1.645}^{3.645} (x+4 - (x^2 - x - 2)) dx = \int_{-1.645}^{3.645} (x+4 - x^2 + x + 2) dx = \int_{-1.645}^{3.645} (-x^2 + 2x + 6) dx = \left[-\frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{2} + 6x \right]_{-1.645}^{3.645}$$

$$= \left[-\frac{48.49}{3} + 13.286 + 21.87 \right] - \left[4.45 - 2.706 - 9.87 \right]$$

$$= -16.16 + 13.286 + 21.87 - 4.45 + 2.706 + 9.87 = 77.122$$

10

IME I PREZIME:

LODRE KOLEGA

BROJ INDEKSA:

$$z = f(x,y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y \quad (4,1, z_0)$$

$$f(x,y)x = \frac{1}{2}\cancel{x} - 1 \quad \times$$

$$f(x,y)y = -2y + 6 \quad \times$$

$$\frac{1}{2}\cancel{x} - 1 = 0$$

$$\frac{1}{2}\cancel{x} = 1/2$$

$$\cancel{x} = 2$$

$$-2y + 6 = 0$$

$$-2y = -6/2$$

$$\cancel{y} = 3$$

$$A(2,3)$$

$$f(4,1) = 1\sqrt{4} - 1^2 - 4 + 6 \cdot 1 \\ = 2 - 1 - 4 + 6 \\ = 3$$

$$\partial_x f = y \cdot (\cancel{x})' - 1 \\ = \frac{1}{2} \cancel{x} - 1$$

$$\partial_y f = \cancel{x} - 2y + 6$$

$$\begin{vmatrix} -\frac{1}{2} & -1 \\ 6 & \cancel{4} \end{vmatrix} = -2 + 6 = 4$$

~~✓~~

$$f''(x,y)xx = \frac{1}{2} - 1 = \frac{1-2}{2} = -\frac{1}{2}$$

$$f''(x,y)xy = -1$$

$$f''(x,y)yx = 6$$

$$f''(x,y)yy = -2 + 6 = 4$$

Popuniti odmah!

IME I PREZIME: DINO KUREĆ

DATUM:

VRIJEME: OD

BROJ INDEKSA:

56192-202

DO

MATEMATIKA 2: Trajanje 120 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

1. Odrediti početak (prvih nekoliko članova koji nisu nula) Taylorovog razvoju funkcije $f(x) = \sin^3 x$ oko točke $x_0 = \frac{\pi}{2}$. 10

2. Izračunati: $\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$ 15

3. Odrediti površinu između krivulja $y = x + 4$ i $y = (x - 2)(x + 1) + 3$. 15

4. Pronaæeti ravninu koja dira graf funkcije $z = f(x, y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ u toèki $(4, 1, z_0)$ tog grafa. 20

5. Zadana je funkcija $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2 - 9$. Prikazati funkciju pomoæeu razinskih krivulja, strelicama oznaæiti smjer rasta funkcije. Pronaæeti lokalne ekstreme funkcije. 20

6. Riješiti diferencijalnu jednadžbu: $y' + 3y + 4x^2 = 2$. 20

Broj ↓
bodova

10

15

15

20

20

Popuniti odmah!

IME I PREZIME: Igor Brajica

DATUM: 22.03.2011 VRIJEME: OD 8:15

BROJ INDEKSA: 52R03 - 2005

DO 8:45

MATEMATIKA 2: Trajanje 120 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

Broj ↓
bodova

10

15

15

20

20

1. Odrediti početak (prvih nekoliko članova koji nisu nula) Taylorovog razvoju funkcije $f(x) = \sin^3 x$ oko točke $x_0 = \frac{\pi}{2}$.
2. Izračunati: $\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$
3. Odrediti površinu između krivulja $y = x + 4$ i $y = (x - 2)(x + 1) + 3$.
4. Pronađi ravnicu koja dira graf funkcije $z = f(x, y) = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ u točki $(4, 1, z_0)$ tog grafa.
5. Zadana je funkcija $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2 - 9$. Prikazati funkciju pomoću razinskih krivulja, strelicama označiti smjer rasta funkcije. Pronađi lokalne ekstreme funkcije.
6. Riješiti diferencijalnu jednadžbu: $y' + 3y + 4x^2 = 2$.

① $f(x) = \sin^3 x \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$

$$f'(x) = 3\sin x$$

$$f''(x) = 3\cos x$$

$$f'''(x) = -3\sin x$$

②
$$\int \frac{u^2 - 3}{u^3 - 3u^2} du$$