

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: IVAN BASIĆ

BROJ INDEKSA:

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

VRIJEME: OD 8:00 DO 9:25

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. 0000

45

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednadžbu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

15

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\widehat{C}} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $\mathbf{r}(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

10

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohama $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

20

$$1.) x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0$$

$$-s^3 F(s) - s^2 f(0) - s f'(0) - f''(0) + 4(s F(s) - f(0))$$

$$-s^3 F(s) - 3s^2 - 3 + 4s F(s) - 12 = 0 \quad \checkmark$$

$$s^3 F(s) + 4s F(s) = 3s^2 + 15 \quad \checkmark$$

$$F(s)(s^3 + 4s) = 3s^2 + 15$$

$$F(s) = \frac{3s^2 + 15}{s^3 + 4s} = \frac{3s^2 + 15}{s(s^2 + 4)} = \frac{A}{s} + \frac{Bs + C}{s^2 + 4} \quad \checkmark$$

$$F(s) = \frac{A(s^2 + 4) + (Bs + C) \cdot s}{s(s^2 + 4)} = \frac{As^2 + 4A + Bs^2 + Cs}{s(s^2 + 4)} \quad \checkmark$$

$$= \frac{s^2(A + B) + s(C + 4A)}{s(s^2 + 4)}$$

$$A + B = 3 \Rightarrow \frac{15}{4} + B = 3 \Rightarrow B = 3 - \frac{15}{4} = \frac{12 - 15}{4} = -\frac{3}{4} \quad \checkmark$$

$$C = 0$$

$$4A = 15 \Rightarrow A = \frac{15}{4} \quad \checkmark$$

$$F(s) = \frac{15}{4s} + \frac{-\frac{3}{4}s + 0}{s^2 + 4} = \frac{15}{4s} + \frac{3}{4} \sin(2t) =$$

$$F(s) = \frac{15}{4s} + \frac{3}{4} \sin 2t$$

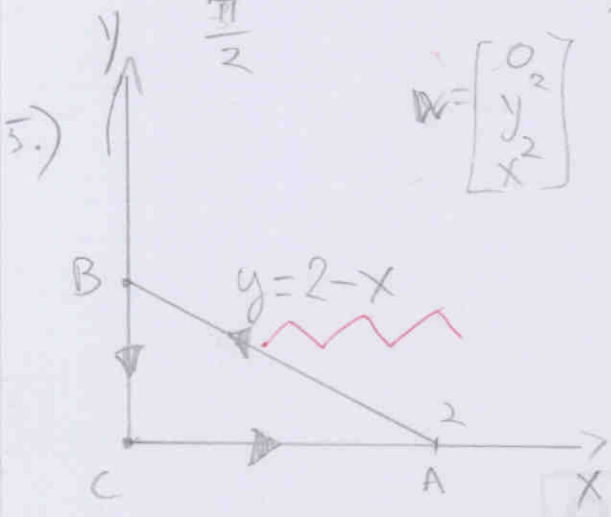
~~$$\frac{15}{4s} - \frac{3}{4} \sin(2t)$$~~

VIDI MATEŠIĆ.

3.) $r(t) = \sin(2t), \cos(2t), t$ $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$ $\begin{cases} \sin(2t)' = 2\cos(2t) \\ \cos(2t)' = -2\sin(2t) \end{cases}$

$\|r'(t)\| = \begin{bmatrix} \cos(2t) \\ -\sin(2t) \\ 1 \end{bmatrix} \times \|r'(t)\| = \sqrt{(\cos(2t))^2 + (-\sin(2t))^2 + 1}$
 $= \sqrt{2} \times$ 10

$\int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} \sqrt{2} dt = 3\sqrt{2} \frac{\pi}{2} - \sqrt{2} \frac{\pi}{2} = 3\sqrt{2}$



$w = \begin{bmatrix} 0 \\ y_2 \\ x_2 \end{bmatrix}$

$\vec{n} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ ✓

$\text{rot } w = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -2x \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = 0$ ✓ ?

$\begin{pmatrix} 2 & 2-x \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = 0$ ✓ 20

$\text{rot } w = \begin{bmatrix} \frac{\partial_x}{\partial_y} \begin{bmatrix} 0 \\ x \\ x^2 \end{bmatrix} \\ \frac{\partial_y}{\partial_x} \begin{bmatrix} 0 \\ y^2 \\ y^2 \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -2x \\ 0 \end{bmatrix}$

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: **ROKO MATIŠIĆ**

BROJ INDEKSA: **56189-2008**

20

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

VRIJEME: OD **08:15** DO **8:50**

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata. 0000

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednačinu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

20

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $r(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohamo $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

~~20~~

① $x'''(t) + 4x'(t) = 0$

$$x(0) = 3$$

$$x''(0) = 3$$

$$x'(0) = 0$$

$$s^3 X(s) - s^2 x(0) - s x'(0) - x''(0) + 4(s X(s) - x(0))$$

$$s^3 X(s) - 3s^2 - 3 + 4s X(s) - 12 = 0$$

$$X(s) (s^3 + 4s) = 3s^2 + 15$$

$$X(s) = \frac{3s^2 + 15}{s^3 + 4s} = \frac{3s^2 + 15}{s(s^2 + 4)} = \frac{A}{s} + \frac{Bs + C}{s^2 + 4}$$

20

$$= A(s^2 + 4) + Bs^2 + Cs$$

$$X(s) = \frac{15}{4} \cdot \frac{1}{s} - \frac{3}{4} \cdot \frac{s}{s^2 + 4}$$

$$A + B = 3$$

$$B = -\frac{3}{4}$$

$$C = 0$$

$$4A = 15$$

$$A = \frac{15}{4}$$

$$x(t) = \frac{15}{4} - \frac{3}{4} \cdot \cos \sqrt{4}t$$

- (5) A(2,0,0)
- B(0,1,0)
- C(0,0,0)

$$\int 2y^2 dy + 2x^2 dx$$



Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME:

JOSIP BUKULIN

BROJ INDEKSA:

52968

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

24.06.2014

VRIJEME: OD

8:05

DO

8:40

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik

0000

o stegovnoj odgovornosti studenata.

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednačbu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $\mathbf{r}(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohama $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

$$1. \quad x''(t) + 4x'(t) = 0 \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0$$

$$X''(t) = s^3 F(s) - s^2 f(0) - s f'(0) - f''(0)$$

$$X''(t) = s^3 F(s) - s^2 \cdot 3 - s \cdot 0 - 3$$

$$X''(t) = s^3 F(s) - 3s^2 - 3$$

$$4x'(t) = sF(s) - f(0) =$$

$$4x'(t) = sF(s) - 3$$

$$s^3 F(s) - 3s^2 - 3 + 4(sF(s) - 3) = 0$$

$$s^3 F(s) - 3s^2 - 3 + 4sF(s) - 12 = 0$$

$$s^3 F(s) - 3s^2 + 4sF(s) - 15 = 0$$

$$F(s)(s^3 + 4s) = 3s^2 + 15$$

$$s^3 F(s) + 4s F(s) = 3s^2 + 15$$

$$s^3 F(s) + 4s F(s) - 3s^2 - 15$$

$$\frac{A}{s} + \frac{B}{s^2} + \frac{C}{s^3}$$

$$As(s^2 - 3s + 4) + B(s - 3 + 4) + C(-3 + 4)$$

$$As(s^2 - 3s + 4) + B(s + 1) + C(1)$$

$$As^3 - 3As^2 + 4As + Bs + B + C$$

$$[A=1] \quad -3A = -3$$

$$4A + B = 4$$

$$B + C = -15$$

$$4A + B = 4$$

$$4 \cdot 1 + B = 4$$

$$4 + B = 4$$

$$B = 4 - 4$$

$$[B=0]$$

$$[C = -15]$$

VIDI MATEŠIĆ

5

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: MARKO BAREŠIĆ

BROJ INDEKSA:

5

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

VRIJEME: OD 8:05 DO 8:50

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

0000

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednačbu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

5

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $r(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in [\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohama $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

1. LAPLACEOVA TRANSFORMACIJA

$$\begin{aligned} x(0) &= 3 \\ x''(0) &= 3 \\ x'(0) &= 0 \end{aligned}$$

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0$$

$$x'''(t) \rightarrow s^3 X(s) - s^2 x(0) - s x'(0) - x''(0)$$

$$x'(t) \rightarrow s X(s) - x(0)$$

$$= s^3 X(s) - 3s^2 - 3 + 4(s X(s) - 3) = 0$$

$$= s^3 X(s) - 3s^2 - 3 + 4s X(s) - 12$$

$$X(s) (s^3 + 4s) = 3s^2 + 3 + 12 \quad /: (s^3 + 4s)$$

$$X(s) = \frac{3s^2 + 15}{(s^3 + 4s)} = \frac{3s^2 + 15}{s(s^2 + 4s)}$$

$$\begin{aligned} s_{1,2} &= \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \\ s_{1,2} &= \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 16}}{2} \end{aligned}$$

$$\frac{A}{s} + \frac{Bs + C}{(s^2 + 4s)}$$

$$A(s^2 + 4s) + Bs^2 + Cs + C_0^3 + C_0^2$$

5

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: Ivo Miočić

BROJ INDEKSA: 53478

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

VRIJEME: OD 08:15

DO

9:30.

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednadžbu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $\mathbf{r}(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohami $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

1. $x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0$

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: Fiore Alić

BROJ INDEKSA: 54617

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

VRIJEME: OD 08:05

DO 8:20

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

0000

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednadžbu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $\mathbf{r}(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohami $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: BEPO BARIČIĆ

BROJ INDEKSA: 0269015860

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM

VRIJEME: OD 08:05 DO 8:20

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

0000

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednačinu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\partial C} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $\mathbf{r}(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohama $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

$$(1) \quad x'''(t) + 4x'(t) = 0 \quad x(0) = x''(0) = 3 \quad x'(0) = 0$$

$$s^3 x(s) - s^2 x(0) - s x'(0) - x'''(0)$$

$$s^3 x(s) - s^2 \cdot 3 - 0 - 3$$

$$s^3 x(s) - 3s^2 - 3$$

Odmah popuniti ↓

IME I PREZIME: MATE BAREŠIĆ

BROJ INDEKSA: 54939-2007

OBAVEZNO POPUNITI VRIJEME RJEŠAVANJA ISPITA: DATUM 24.06.2011. VRIJEME: OD 08.05. DO 8:20

MATEMATIKA 3: Trajanje 100 minuta. Ispit se održava sukladno objavljenim pravilima. Na snazi je Pravilnik o stegovnoj odgovornosti studenata.

0000

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednačinu:

$$x'''(t) + 4x'(t) = 0, \quad x(0) = x''(0) = 3, \quad x'(0) = 0.$$

2. Neka je C cilindar zadan sa $C = \{(x, y, z) : (x+2)^2 + (y-3)^2 \leq 1, -1 \leq z \leq 1\}$. Izračunati plošni integral

$$\iint_{\widehat{C}} 2xyz \, dydz + (2zy + 3y) \, dx dz - yz^2 \, dx dy$$

3. Zadana je krivulja s parametrizacijom $\mathbf{r}(t) = (\sin(2t), \cos(2t), t)$. Izračunati duljinu krivulje u dijelu koji odgovara parametaru $t \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

4. Zadan je dio stošca (oznaka Y) omeđen plohama $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 2$ i $z = 3$. Izračunati $\int_Y yz \, dx dy dz$ prijelazom na cilindrične koordinate.

5. Izračunati $\int_{\widehat{ABC}} 2y^2 dy + 2x^2 dz$ gdje je \widehat{ABC} krivulja koja ide bridovima trokuta s vrhovima $A(2, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(0, 0, 0)$ usmjerena redom od vrha A preko B i C do ponovo vrha A . Koristiti Stokesovu formulu.

IME I PREZIME: MATE BAREŠIĆ

BROJ INDEKSA: 54939-2007

PO
PO