

OBAVEZNO ODMAH POPUNITI! DATUM:

VRIJEME: OD

DO

IME I PREZIME: LUKA BILUŠIĆ

BROJ INDEKSA:

MATEMATIKA 1: KOLOKVIJ 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisači pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uređaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA OVOJ STRANICI I PREDLOŠCIMA ZA PISANJE KOJE MOŽETE DOBITI OD NASTAVNIKA.

oxoo

Broj ↓
bodova

20

20

1. Riješiti jednadžbu: $(1 - i)^4 = z^4$.

2. Odrediti determinantu matrice:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

3. Za funkciju treći korijen $f(x) = \sqrt[3]{x}$ nacrtati graf i navesti: domenu, kodomenu, periodičnost, (ne)parnost, ograničenost, rast ili pad; da li je injekcija, surjekcija ili bijekcija; da li postoji inverz i ako postoji koja je to funkcija.

20

4. Gaussovom metodom riješiti matrični sustav:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & -8 & -9 \\ 5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -8 \\ 14 \end{bmatrix}$$

20

5. Pokazati da li točke $A(2, 1, 2)$, $B(1, 2, -1)$, $C(-2, 3, 0)$ i $D(5, 0, -6)$ pripadaju istoj ravnini.

20

2.

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{array} \right]$$

IME I PREZIME: GAMBIRAZA

BROJ INDEKSA: 57827

MATEMATIKA 1: KOLOKVIJ 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisači pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uređaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posudjivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA OVOJ STRANICI I PREDLOŠCIMA ZA PISANJE KOJE MOŽETE DOBITI OD NASTAVNIKA.

oxoo

1. Riješiti jednadžbu: $(1-i)^4 = z^4$.

Broj ↓
bodova
20

2. Odrediti determinantu matrice:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

20

3. Za funkciju treći korijen $f(x) = \sqrt[3]{x}$ nacrtati graf i navesti: domenu, kodomenu, periodičnost, (ne)parnost, ograničenost, rast ili pad; da li je injekcija, surjekcija ili bijekcija; da li postoji inverz i ako postoji koja je to funkcija.

20

4. Gaussovom metodom riješiti matrični sustav:

20

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & -8 & -9 \\ 5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -8 \\ 14 \end{bmatrix}$$

5. Pokazati da li točke $A(2, 1, 2)$, $B(1, 2, -1)$, $C(-2, 3, 0)$ i $D(5, 0, -6)$ pripadaju istoj ravnni.

20

① $(1-i)^4 = z^4$

MATEMATIKA 1: KOLOKVIJ 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisači pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uređaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posudjivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA OVOJ STRANICI I PREDLOŠCIMA ZA PISANJE KOJE MOŽETE DOBITI OD NASTAVNIKA.

oxoo

(20)

1. Riješiti jednadžbu:
- $(1 - i)^4 = z^4$
- .

Broj ↓
bodova
20

2. Odrediti determinantu matrice:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

(20)

3. Za funkciju treći korijen
- $f(x) = \sqrt[3]{x}$
- nacrtati graf i navesti: domenu, kodomenu, periodičnost, (ne)parnost, ograničenost, rast ili pad; da li je injekcija, surjekcija ili bijekcija; da li postoji inverz i ako postoji koja je to funkcija.

20

4. Gaussovom metodom riješiti matrični sustav:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & -8 & -9 \\ 5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -8 \\ 14 \end{bmatrix}$$

20

5. Pokazati da li točke
- $A(2, 1, 2)$
- ,
- $B(1, 2, -1)$
- ,
- $C(-2, 3, 0)$
- i
- $D(5, 0, -6)$
- pripadaju istoj ravnini.

20

IME I PREZIME: STJEPAN ŠIMUNOVIĆ

BROJ INDEKSA: 580 77

$$\textcircled{1} \quad (1-i)^4 = z^4 \quad (1-i)^4 \text{ poroču:}$$

$$z^4 = i^4 = 1^4$$

→ BINOMNA FORMULA

KI

→ MOIVRE-OVA FORMULA ✓

(2)

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\det A = 1 \cdot \begin{vmatrix} 0 & 2 & 1 & 0 & 2 \\ -1 & 3 & 3 & 1 & 3 \\ -3 & 3 & 3 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & 3 \\ -3 & 3 & 1 & 3 & 3 \end{vmatrix} + 2 \cdot \begin{vmatrix} 0 & 2 & 1 & 0 & 2 \\ -1 & 3 & 4 & 1 & 3 \\ -3 & 3 & 1 & 3 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & 3 \\ -3 & 3 & 1 & 3 & 3 \end{vmatrix}$$

$$\det A = 1 \cdot (18 - 3 + 9 + 6) - 2(-24 + 2)$$

$$\det A = 30 - 2(-22) = 30 + 44 = \boxed{74} \quad \text{✓} \quad \text{(20)}$$

$$\textcircled{1} \quad |z| = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2} ?$$

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{y}{x} = \frac{-1}{1} = -1 \quad \checkmark$$

$$z^4 = (\sqrt{2})^4 \left(\cos 4 \cdot \frac{7\pi}{4} + i \sin 4 \cdot \frac{7\pi}{4} \right)$$

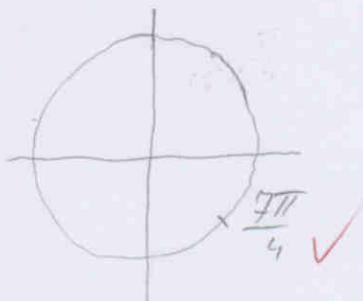
$$\varphi = \frac{7\pi}{4} \quad \checkmark$$

$$z^4 = 2^2 \cdot \left(\cos 7\pi + i \sin 7\pi \right) \quad \checkmark$$

$$z^4 = 4 \cdot (-1 + 0i) \quad \checkmark$$

$$z^4 = \boxed{-4} \quad \checkmark$$

$w = z^4$ ima 4 rješenja!
Koja?



IME I PREZIME: NAM MAMIC

BROJ INDEKSA:

MATEMATIKA 1: KOLOKVIJ 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisaći pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uredaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno medusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA OVOJ STRANICI I PREDLOŠCIMA ZA PISANJE KOJE MOŽETE DOBITI OD NASTAVNIKA.

oxoo

Broj ↓
bodova

20

20

1. Riješiti jednadžbu: $(1 - i)^4 = z^4$.

2. Odrediti determinantu matrice:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

3. Za funkciju treći korijen $f(x) = \sqrt[3]{x}$ nacrtati graf i navesti: domenu, kodomenu, periodičnost, (ne)parnost, ograničenost, rast ili pad; da li je injekcija, surjekcija ili bijekcija; da li postoji inverz i ako postoji koja je to funkcija.

20

4. Gaussovom metodom riješiti matrični sustav:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & -8 & -9 \\ 5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -8 \\ 14 \end{bmatrix}$$

5. Pokazati da li točke $A(2, 1, 2)$, $B(1, 2, -1)$, $C(-2, 3, 0)$ i $D(5, 0, -6)$ pripadaju istoj ravnini.

20

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} = 2 \cdot 1 \cdot 1 + 1 \cdot 1 \cdot -1 - 2 \cdot 2 \cdot 1 - 2 \cdot 1 \cdot 1 = 2 + (-1) - 4 + 2 = 2$$

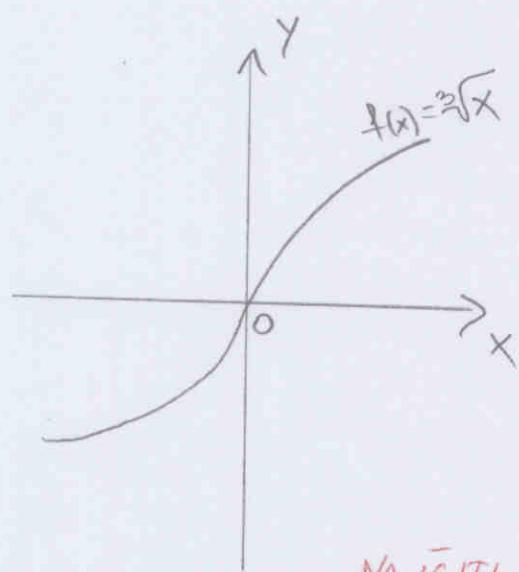

MOU MAMISATI IME I PREZIME
NA SVAKI LIST PAPIRA.

Natko

IME I PREZIME: NANI MAMIC

BROJ INDEKSA:

(3)



$$\mathbb{D} \subset (-\infty, 0] \cup [0, +\infty)$$

OSTALA SVOJSTVA NABROJANA
U ZADATKU?

OSIM SKICE GRAFA
I DOMENE NE
POTNAJETE OVU FUNKCIJU.

$$① (-i)^4 = z^4 \Rightarrow (-i)^4 - z^4 = 0$$

NAUCITI BINOMNU FORMULU

$$\left. \begin{array}{l} 1^4 - i^4 - z^4 = 0 \\ 1^4 - 1 - z^4 = 0 \end{array} \right\} \rightarrow 1 - 1 - z^4 = 0$$

$$\underline{\underline{-z^4 = 0}}$$

$$② A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 9 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix} = 0 \begin{bmatrix} 3 & 9 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & 3 \end{bmatrix} + 2 \cdot \begin{bmatrix} -1 & 9 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \\ -3 & 1 & 3 \end{bmatrix} + 0 \begin{bmatrix} -1 & 3 & -3 \\ 0 & 0 & 2 \\ -3 & 3 & 3 \end{bmatrix} - 1 \cdot \begin{bmatrix} -1 & 3 & 9 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$= 2 \cdot \cancel{\begin{bmatrix} -1 & 3 & 9 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}} - 1 \cdot \cancel{\begin{bmatrix} -1 & 3 & 9 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}} = ?$$

$$(1-1)(-1-1) = 0$$

$$④ \left(\begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 1 & 5 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ 1 & -8 & -9 & -8 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right) \xrightarrow{(-2)} = \left(\begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & 5 & -6 \\ 1 & -8 & -9 & -8 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right) \xrightarrow{(-1)2} = \left(\begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & 5 & -6 \\ -1 & -8 & -9 & -8 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right) \xrightarrow{(2)2} = \left(\begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 1 & 5 \\ -2 & 1 & 3 & -14 \\ 1 & -8 & -9 & -8 \\ 5 & 0 & 5 & 20 \end{array} \right)$$

$$= \left(\begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 1 & 5 \\ -2 & 1 & 3 & -14 \\ -9 & -8 & 1 & -48 \\ 5 & 0 & -5 & 20 \end{array} \right) \quad ?$$

∅

$$⑤ \quad A = \begin{vmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{vmatrix} \quad B = \begin{vmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{vmatrix} \quad C = \begin{vmatrix} -2 \\ 3 \\ 0 \end{vmatrix} \quad D = \begin{vmatrix} 5 \\ 0 \\ -6 \end{vmatrix}$$

KAKVE SU OVE
OZNAKE:
 → MATRICE?
 → DETERMINANTE?
 → VEKTORI?

$$AB = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 \cdot 2 - 1 \cdot 1 \\ 1 \cdot (-1) - 2 \cdot 2 \\ 2 \cdot 1 - (-1) \cdot 2 \\ 0 \cdot 1 - (-1) \cdot 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3 \\ -5 \\ 4 \\ -1 \end{vmatrix}$$

$$AC = \begin{vmatrix} 2 & -2 \\ 1 & 3 \\ 2 & 0 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 \cdot 3 - (-2) \cdot 1 \\ 1 \cdot 0 - 3 \cdot 2 \\ 2 \cdot 2 - 0 \cdot 2 \\ 0 \cdot 3 - (-2) \cdot 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 6 + 2 \\ 0 - 6 \\ -4 = 0 \\ -6 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 8 \\ -6 \\ 0 \\ -6 \end{vmatrix}$$

$$AD = \begin{vmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 0 \\ 2 & -6 \\ 2 & 5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 \cdot 0 - 5 \cdot 1 \\ 1 \cdot (-6) - 0 \cdot 2 \\ 2 \cdot 5 - (-6) \cdot 2 \\ 0 \cdot 0 - (-6) \cdot 5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 - 5 \\ -6 - 0 \\ 10 + 12 \\ 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -5 \\ -6 \\ 22 \\ 0 \end{vmatrix}$$

∅

IME I PREZIME: DONAT ŠIMIĆ

BROJ INDEKSA:

MATEMATIKA 1: KOLOKVIJ 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisaći pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uredaji, bilješke i nepotpisane prazne papiere zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uredaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA OVOJ STRANICI I PREDLOŠCIMA ZA PISANJE KOJE MOŽETE DOBITI OD NASTAVNIKA.

OXOO

(20)

Broj ↓
bodova

20

20

1. Riješiti jednadžbu: $(1 - i)^4 = z^4$.

2. Odrediti determinantu matrice:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

3. Za funkciju treći korijen $f(x) = \sqrt[3]{x}$ nacrtati graf i navesti: domenu, kodomenu, periodičnost, (ne)parnost, ograničenost, rast ili pad; da li je injekcija, surjekcija ili bijekcija; da li postoji inverz i ako postoji koja je to funkcija.

20

4. Gaussovom metodom riješiti matrični sustav:

20

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & -8 & -9 \\ 5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -8 \\ 14 \end{bmatrix}$$

5. Pokazati da li točke $A(2, 1, 2)$, $B(1, 2, -1)$, $C(-2, 3, 0)$ i $D(5, 0, -6)$ pripadaju istoj ravnini.

20

 $A(2, 1, 2)$ $B(1, 2, -1)$ $C(-2, 3, 0)$ $D(5, 0, -6)$

$$\vec{AB} = (-1, 1, -3)$$

$$\vec{AC} = (0, 2, -2) \times$$

$$\vec{AD} = (3, -1, -8)$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 & -3 \\ 0 & 2 & -2 \\ 3 & -1 & -8 \end{bmatrix} \approx \cancel{-0} + 1 \cdot 2 \begin{vmatrix} -1 & -3 \\ 3 & -8 \end{vmatrix} + 2 \begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 3 & -1 \end{vmatrix}$$

$$\approx 2 \cdot (8 - (-3)) + 2(1 - \cancel{4}) \approx 34 + (-6) = 28$$

bice we pripadaju istoj ravnini.

IME I PREZIME:

DANIFI SIMIĆ

BROJ INDEKSA:

2.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix} \approx 1 \cdot \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ -1 & 3 & -3 \\ -3 & 3 & 3 \end{bmatrix} - 2 \cdot \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 \\ -1 & 3 & 4 \\ -3 & 3 & 1 \end{bmatrix} \approx$$

$$1 \cdot [(-2) \cdot \begin{vmatrix} -1 & -3 \\ -3 & 3 \end{vmatrix} + 1 \cdot \begin{vmatrix} 13 \\ -3 \end{vmatrix}] - 2 \cdot [(-2) \cdot \begin{vmatrix} -1 & 4 \\ -3 & 1 \end{vmatrix}]$$

$$1 \cdot [(-2) \cdot (-3) - 3] + 1 \cdot (-3 + 9) - 2 \cdot [(-2) \cdot (-1 + 12)]$$

$$1 \cdot [24 + 6] - 2 \cdot [-22] \approx 30 + 44 \approx \underline{\underline{74}} \quad \textcircled{20}$$

4.

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & | & 4 \\ 2 & -1 & -3 & | & 2 \\ 1 & -8 & -9 & | & -8 \\ 5 & 5 & 0 & | & 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{(-2)} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & | & 4 \\ 0 & -3 & -5 & | & -6 \\ 1 & -8 & -9 & | & -8 \\ 5 & 5 & 0 & | & 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{(-1)} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & | & 4 \\ 0 & -3 & -5 & | & -6 \\ 0 & -10 & -10 & | & -12 \\ 5 & 5 & 0 & | & 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{(-5)} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & | & 4 \\ 0 & -3 & -5 & | & -6 \\ 0 & -10 & -10 & | & -12 \\ 5 & 5 & 0 & | & 14 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & | & 4 \\ 0 & -3 & -5 & | & -6 \\ 0 & -10 & -10 & | & -12 \\ 0 & -5 & -5 & | & -6 \end{bmatrix} \xrightarrow{(-5)} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & | & 4 \\ 0 & -3 & -5 & | & -6 \\ 0 & -10 & -10 & | & -12 \\ 0 & 1 & 1 & | & \frac{6}{5} \end{bmatrix} \xrightarrow{(-2)} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & | & \frac{8}{5} \\ 0 & -3 & -5 & | & -6 \\ 0 & -10 & -10 & | & -12 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{6}{5} \end{bmatrix} \xrightarrow{(-3)}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & | & \frac{8}{5} \\ 0 & 1 & \frac{5}{3} & | & -\frac{6}{5} \\ 0 & -10 & -10 & | & -12 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{6}{5} \end{bmatrix} \xrightarrow{(-10)} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & | & \frac{8}{5} \\ 0 & 1 & \frac{5}{3} & | & -\frac{6}{5} \\ 0 & 0 & -10 & | & 0 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{6}{5} \end{bmatrix} \xrightarrow{(-5)} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & | & \frac{2}{5} \\ 0 & \frac{3}{5} & 1 & | & -\frac{6}{5} \\ 0 & 0 & -10 & | & 0 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{6}{5} \end{bmatrix} \xrightarrow{(-2)} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & | & \frac{2}{5} \\ 0 & \frac{3}{5} & 1 & | & -\frac{6}{5} \\ 0 & 0 & -10 & | & 0 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{6}{5} \end{bmatrix} \xrightarrow{(-\frac{5}{3})}$$

IME I PREZIME:

DONAT

SIVIĆ / C

BROJ INDEKSA:

30/60
7.1. 25

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & -1 & \frac{8}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{54}{25} \\ 0 & 0 & -10 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & \frac{6}{5} \end{array} \right] \xrightarrow{\text{R3} + 10\text{R2}} \times \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & -\frac{14}{25} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{54}{25} \\ 0 & 0 & -10 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & \frac{6}{5} \end{array} \right]$$

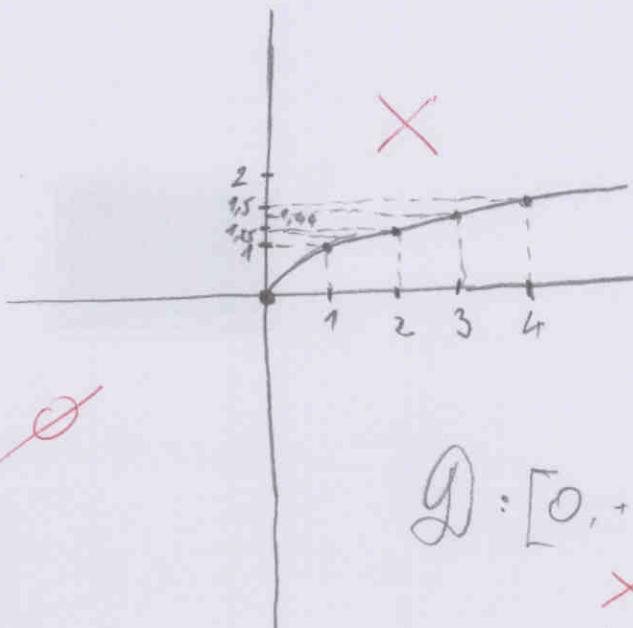
$$b = \frac{6}{5} \quad d = -\frac{54}{25} \quad a = -\frac{14}{25} \quad \text{X}$$

UVRSTI TI PROVJERITI REZULTAT

$$3. f(x) = \sqrt[3]{x}$$

$$x \geq 0$$

x	$f(x) = \sqrt[3]{x}$
0	0
1	1
2	1.25
3	1.44
4	1.5



$$D : [0, +\infty)$$

Funkcija je nastala, surjekcija, imo inverze

VIDI NAPOMENU ZA DANILOVIĆ.

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} \quad \text{f} \circ f = \frac{y}{x}$$

$$r = \sqrt{2^2} \quad \text{f} \circ f = \frac{y}{2} = 0$$

$$r = 2 \quad f = 0$$

VIDI ŠIMUNOVIĆ.

NAUČITI BAOVINU FORMULU

$$z^4 = (1-i)^4$$

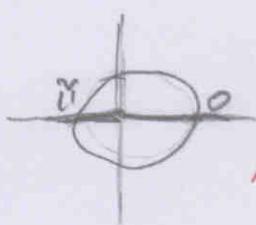
$$z^4 = 1 + 1 \quad \text{X}$$

$$z^4 = 2$$

$$z = \sqrt[4]{2}$$

$$x = 2$$

$$y = 0$$



IME I PREZIME: Dejan Micevic

BROJ INDEKSA: 57143

MATEMATIKA 1: KOLOKVIJ 1: Trajanje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisaći pribor, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uredaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uredaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA OVOJ STRANICI I PREDLOŠCIMA ZA PISANJE KOJE MOŽETE DOBITI OD NASTAVNIKA.

oxoo

Broj ↓
bodova

1. Riješiti jednadžbu: $(1 - i)^4 = z^4$.

~~20~~

2. Odrediti determinantu matrice:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

~~20~~

3. Za funkciju treći korijen $f(x) = \sqrt[3]{x}$ nacrtati graf i navesti: domenu, kodomenu, periodičnost, (ne)parnost, ograničenost, rast ili pad; da li je injekcija, surjekcija ili bijekcija; da li postoji inverz i ako postoji koja je to funkcija.

~~20~~

4. Gaussovom metodom riješiti matrični sustav:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & -8 & -9 \\ 5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -8 \\ 14 \end{bmatrix}$$

~~20~~5. Pokazati da li točke $A(2, 1, 2)$, $B(1, 2, -1)$, $C(-2, 3, 0)$ i $D(5, 0, -6)$ pripadaju istoj ravnini.~~20~~

IME I PREZIME: ĐEHIĆ MILETIĆ

BROJ INDEKSA: 5-143

2.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ -3 & 3 & 1 & 3 \end{bmatrix} = (-2) \cdot \begin{bmatrix} -1 & 4 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \\ -3 & 1 & 3 \end{bmatrix} + (-1) \cdot \begin{bmatrix} -1 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \\ -3 & 3 & 1 \end{bmatrix} \quad \times$$

$$\begin{aligned} 2. \begin{bmatrix} -1 & 4 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \\ -3 & 1 & 3 \end{bmatrix} &\cdot -1 \cdot 6 \\ &= -3 - 24 + 0 - (9 - 2 + 0) \\ &= -24 - 7 = -31 \\ &= -31 \cdot 2 = -62 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1. \begin{bmatrix} -1 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \\ -3 & 3 & 1 \end{bmatrix} &\cdot -1 \cdot 3 \\ &= 0 - 9 + 0 - (0 - 3 + 0) \\ &= -9 + 3 = -6 \end{aligned}$$

$$\det A = -62 - 6 = -68 \quad \times$$

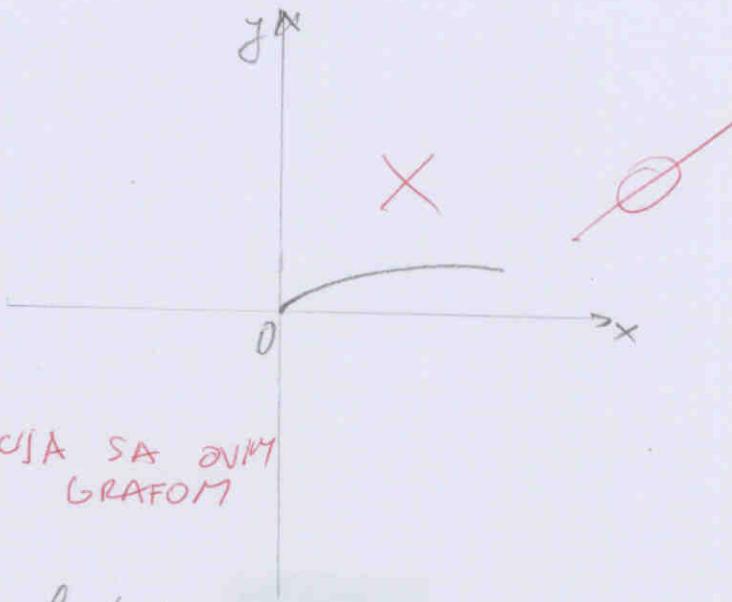
$$1. (1-i)^4 = +^4 \quad z = x + iy$$

$$z^4 = (1-i)^4$$

IME I PREZIME: ĐEKIĆ MILETIĆ

BROJ INDEKSA: SF143

3. $f(x) = \sqrt[3]{x}$



1. $D = \mathbb{R}$ KONTRADIČUJA SA OVM
GRAFOM
2. nije periodična jer
nema trigonometrijske funkcije
u sebi
3. neparna je
4. ograničenost je: $[0, +\infty)$
5. ova funkcija raste
6. ima injekciju, surjekciju te stoga bijekciju i inverz.

POKUŠAJTE NA KALKULATOR
IZRAČUNATI $\sqrt[3]{-1}$

IME I PREZIME: DEXII MILETIĆ

BROJ INDEKSA: 57163

$$\Sigma A(2,1,2)$$

$$B(1,2,-1)$$

$$C(-2,3,0)$$

$$D(5,0,-6)$$

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ -3 \end{bmatrix}$$

$$AC = \begin{bmatrix} -2 & -2 \\ 3 & 1 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$AD = \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ 0 & 1 \\ -6 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ -8 \end{bmatrix}$$



$$AB \times AC = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ -3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -4 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \cdot (-2) - 2 \cdot (-3) \\ -3 \cdot (-4) - (-2) \cdot (-1) \\ -1 \cdot 2 - (-4) \cdot 1 \end{bmatrix} \checkmark$$
$$= \begin{bmatrix} -2 + 6 \\ 12 - 2 \\ -2 + 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 10 \\ 2 \end{bmatrix} \checkmark$$

$$(AB \times AC) \cdot AD = \begin{bmatrix} 4 \\ 10 \\ 2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ -8 \end{bmatrix} = 4 \cdot 3 + \underline{10 \cdot (-1)} + 2 \cdot (-8) \checkmark$$
$$= 12 - 10 - 16 = -15$$

Jocke me pojedaju istog ravnini.

IME I PREZIME: DF XII MICEVIC

BROJ INDEKSA: 57143

4.

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 1 & 4 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ 1 & -8 & -9 & -8 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right] \xrightarrow{(1)} = \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 1 & 4 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ 0 & -10 & -10 & -12 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right] \xrightarrow{(3)} = \left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ 0 & -10 & -10 & -12 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right] \xrightarrow{(2)} =$$

$$= \left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ -4 & -8 & -4 & -16 \\ 5 & 5 & 0 & 14 \end{array} \right] \xrightarrow{(1)} = \left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ -4 & -8 & -4 & -16 \\ 1 & -3 & -4 & 2 \end{array} \right] \cdot \frac{1}{4} = \left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ -1 & -2 & -1 & -4 \\ 1 & -3 & -4 & 2 \end{array} \right] \xrightarrow{(1)} =$$

$$= \left[\begin{array}{ccc|c} 0 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & -3 & 2 \\ -1 & -2 & -1 & -4 \\ 0 & -5 & -5 & 2 \end{array} \right]$$

?

