

MATEMATIKA 1: Ispit traje 100 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pisani pribor, kalkulator i indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uređaji, bilješke i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uređaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljšavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE NA OVAJ PAPIR.

oooo

10

Broj ↓
bodova

20

20

40

20

IME I PREZIME: ZLATKO LALIĆ

BROJ INDEKSA: 57616

1. Ako su z_1 i z_2 rješenja kvadratne jednadžbe $z^2 - 2z + 2 = 0$, izračunati:

(a) $\overline{\left(\frac{z_1 - z_2}{z_2 - 2}\right)}$;

(b) $\overline{\left(\frac{z_2}{z_1}\right)}$.

2. Gaussovom metodom riješiti sustav jednadžbi:

$$\begin{aligned} 5x_1 + x_2 + x_3 - x_4 &= 3 \\ x_1 + x_2 - x_3 + 2x_4 &= -10 \\ -2x_1 - x_2 + x_3 + x_4 &= -10 \\ x_2 + x_3 &= 4 \end{aligned}$$

3. Ispitati tok funkcije: $f(x) = \sqrt{4+x} - \sqrt{4-x}$. Da li postoje lokalni ekstremi?

4. Da li postoje lokalni ekstremi funkcije $g(x) = \ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$.

2.
$$\left[\begin{array}{cccc|c} 5 & 1 & 1 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & -1 & 2 & -10 \\ -2 & -1 & 1 & 1 & -10 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\substack{\cdot(-1) \\ \cdot(+1)}} \left[\begin{array}{cccc|c} 5 & 0 & 0 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & -2 & 2 & -14 \\ -2 & 0 & 2 & 1 & -6 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \checkmark$$

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 5 & 0 & 0 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & -2 & 2 & -14 \\ 0 & 0 & -2 & 5 & -34 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\cdot(+1)} \left[\begin{array}{cccc|c} 5 & 0 & 0 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & -3 & +20 \\ 0 & 0 & -2 & 5 & -34 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\cdot(+5)} \left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 14 & -101 \\ 1 & 0 & 0 & -3 & 20 \\ 0 & 0 & -2 & 5 & -3 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \cdot \frac{1}{14}$$

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 1 & -\frac{101}{14} \\ 1 & 0 & 0 & -3 & 20 \\ 0 & 0 & -2 & 5 & -3 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\cdot(+3)} \left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 1 & -\frac{101}{14} \\ 1 & 0 & 0 & 0 & \frac{101}{14} + 20 \\ 0 & 0 & -2 & 5 & -3 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\cdot(+5)}$$

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 1 & -\frac{101}{14} \\ 1 & 0 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot 3 + 20 \\ 0 & 0 & -2 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\cdot 2} \left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 1 & -\frac{101}{14} \\ 1 & 0 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot 3 + 20 \\ 0 & 2 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) + 8 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{\cdot \frac{1}{2}}$$

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 1 & -\frac{101}{14} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot 3 + 20 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) + 8 \cdot \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 4 \end{array} \right] \xrightarrow{+7)} \left[\begin{array}{cccc|c} 0 & 0 & 0 & 1 & -\frac{101}{14} \\ 1 & 0 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot 3 + 20 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) + 8 \cdot \frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) + 8 \cdot \frac{1}{2} + 4 \end{array} \right]$$

$$x_1 = -\frac{101}{14} \cdot 3 + 20 = -\frac{303}{14} + \frac{280}{14} = \frac{-23}{14} \checkmark$$

$$x_2 = -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) + 8 \cdot \frac{1}{2} =$$

$$x_3 = -\frac{101}{14} \cdot (-5) + (-3) + 8 \cdot \frac{1}{2} + 4$$

$$x_4 = -\frac{101}{14} \checkmark$$

10