

MATEMATIKA 3: Trajanje 120 minuta. Zabranjen je razgovor sa drugim studentima. Na klupama je dozvoljen samo pišaći pribor, tablica osnovnih integrala, tablica Laplaceovih transformacija, kalkulator, indeks ili iksica i prazni papiri koji nose ime studenta. Sav ostali pribor, formule, uredaji, biljeske i nepotpisane prazne papire zabranjeno je koristiti i trebaju ostati u torbi ili pohranjeni kod nastavnika (elektronički uredaji trebaju biti isključeni) tokom cijelog trajanja ispita. Studenti koji primijete zabranjene predmete dužni su ih prijaviti nastavniku. Nije dozvoljeno međusobno posuđivanje pribora tijekom trajanja ispita. Povreda ovih pravila može za posljedicu imati udaljšavanje s ispita. ZADATKE RIJEŠAVATE JEDNOSTRANO NA PAPIRE KOJE DOBIJETE OD NASTAVNIKA.

M3

IME I PREZIME:

Alen Čarković

BROJ INDEKSA:

56485-2007

1. Koristeći Laplaceovu transformaciju riješiti diferencijalnu jednadžbu:

$$y'''(t) + 3y'(t) = t^2, \quad y(0)' = y''(0) = 0, \quad y(0) = 1.$$

2. Zadana je kružnica u prostoru: $K = \{(\cos t, 2 + \sin t, -\cos t) \in \mathbb{R}^3 \mid t \in [0, 2\pi]\}$ i vektorska funkcija $w(x, y, z) = (0, 3z - 3x, 3x - 3y)$. Izračunati $\oint_K (w|dr)$.

3. Izračunati

$$\int_{(0,1,0)}^{(1,0,1)} (x^2 dx + y dy + 1 dz)$$

4. Izračunati volumen područja između plašta stošca $x^2 + y^2 = z^2$ i plašta paraboloida $x^2 + y^2 = 3z$.

5. Izračunaj površinu područja u ravnini omeđenog krivuljama $y^2 - 2y - 2 + x = 0$ i $x + y + 1 = 0$.

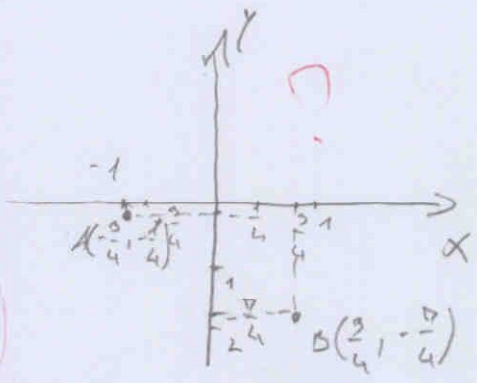
5. $y^2 - 2y - 2 + x = 0 \Rightarrow y^2 - 2y = 2 - x$ ✓
 $x + y + 1 = 0 \Rightarrow y + 1 = -x$ ✓

$$y^2 - 2y - 2 = y + 1$$

$$y^2 - 3y - 3 = 0$$

$$2y^2 - 2y + 1 = 2 - (-2x)$$

$$2y^2 - 2y + 1 = 0$$



$$y_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2 \cdot 2} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 8}}{4} =$$

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{12}}{4} = \frac{-2 \pm 2\sqrt{3}}{4} = \frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$$

$$y_1 = \frac{-1 + \sqrt{3}}{2} = -\frac{1}{4}$$

$$y_2 = \frac{-1 - \sqrt{3}}{2} = -\frac{3}{4}$$

$$-\frac{1}{4} + 1 = -x \quad | \cdot (-1) \Rightarrow \frac{1}{4} - 1 = x \Rightarrow x = -\frac{3}{4}$$

$$-\frac{3}{4} + 1 = -x \quad | \cdot (-1) \Rightarrow \frac{3}{4} - 1 = x \Rightarrow x = -\frac{1}{4}$$